Lógica informática

(2-Septiembre-2010)

Apellidos:

Nombre:

Ejercicio 1 [2 puntos] Se consideran las siguientes afirmaciones:

- 1. Todo dragón está feliz si todos sus hijos pueden volar.
- 2. Los dragones verdes pueden volar.
- 3. Un dragón es verde si es hijo de al menos un dragón verde.
- 4. Todos los dragones verdes son felices.

Formalizarlas, usando la siguiente simbología:

F(x)	x está feliz
V(x)	x es verde
P(x)	x puede volar
H(x,y)	x es hijo de y

Ejercicio 2 [2 puntos]

Demostrar mediante deducción natural:

1.
$$((p \rightarrow q) \lor r) \rightarrow p \models p$$

2.
$$\{\neg \exists x (P(x) \land C(x)), \exists x (C(x) \land Q(x))\} \models \exists x (Q(x) \land \neg P(x))$$

Ejercicio 3 [2 puntos] Decidir, mediante tableros semánticos, si las fórmulas siguientes son tautologías:

$$\blacksquare \ A: (\neg r \to p) \land (r \to \neg q \lor s) \to (q \to p \lor s)$$

$$\blacksquare B: (\neg r \to p) \land (r \to \neg q \lor s) \to (q \to r \lor s)$$

Ejercicio 4 [2 puntos]

Determinar, mediante resolución, cuáles de las siguientes afirmaciones son ciertas. En caso afirmativo, proporcionar una prueba por resolución y, en caso negativo, un modelo de Herbrand que lo justifique:

$$\forall x (P(x) \to Q(x)) \models \neg \exists x (P(x)) \lor \forall x Q(x)$$

$$\blacksquare \{\exists x \forall y [\neg A(x,y) \rightarrow \exists z (Q(z) \lor P(z,y))], \forall x \exists y \neg A(x,y), \neg \exists x \exists y P(x,y), \neg \exists x T(x)\} \text{ es consistente.}$$

Ejercicio 5 [2 puntos] Decidir razonadamente si las siguientes afirmaciones son o no ciertas:

- Sea *S* un conjunto de cláusulas proposicionales que no contiene la cláusula vacía y tal que todas sus cláusulas tienen un literal positivo. Entonces, *S* es satisfacible.
- Todas las tautologías son lógicamente equivalentes.
- La fórmula $\forall x \exists y P(x,y) \land \forall x \exists y \neg P(x,y)$ es satisfacible.