

# *Programación declarativa (2005–06)*

## *Tema 6: Estilo y eficiencia en programación lógica*

José A. Alonso Jiménez

Andrés Cordon Franco

Grupo de Lógica Computacional

Dpto. Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial

Universidad de Sevilla

## Principios generales

---

---

- Un programa debe ser:
  - ▶ Correcto.
  - ▶ Eficiente.
  - ▶ Fácil de leer.
  - ▶ Modificable: Modular y transparente.
  - ▶ Robusto.
  - ▶ Documentado.

## Orden de los literales y corrección

---

---

- Pensar procedimental y declarativamente:

- ▶ Programas:

`siguiente (a, 1).`

`siguiente (1, b).`

`sucesor_1 (X, Y) :-  
 siguiente (X, Y).`

`sucesor_1 (X, Y) :-  
 siguiente (X, Z),  
 sucesor_1 (Z, Y).`

- ▶ Sesiones:

`?- sucesor_1 (X, Y).`

`X = a Y = 1 ; X = 1 Y = b ; X = a Y = b ; No`

`?- findall (X-Y, sucesor_1 (X, Y), L).`

`L = [a-1, 1-b, a-b]`

## Orden de los literales y corrección

---

---

- Pensar procedimental y declarativamente:

- ▶ Programas:

```
siguiente(a,1).    siguiente(1,b).
```

```
sucesor_2(X,Y) :-  
    siguiente(X,Y).
```

```
sucesor_2(X,Y) :-  
    sucesor_2(Z,Y),  
    siguiente(X,Z).
```

- ▶ Sesiones:

```
?- sucesor_2(X,Y).
```

```
X = a   Y = 1 ; X = 1   Y = b ; X = a   Y = b ;
```

```
ERROR: Out of local stack
```

```
?- findall(X-Y,sucesor_2(X,Y),L).
```

```
ERROR: Out of local stack
```

## Orden de los literales y eficiencia

- Orden de los literales y eficiencia

?– **listing** (número).

número(1). número(2). ... número(999). número(1000).

?– **listing** (múltiplo\_de\_100).

múltiplo\_de\_100(100). ... múltiplo\_de\_100(1000).

?– **time** ((número(\_N), múltiplo\_de\_100(\_N))).

101 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)

Yes

?– **time** ((múltiplo\_de\_100(\_N), número(\_N))).

2 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)

Yes

## Combinatoria

- combinación(+L1,+N,-L2) se verifica si L2 es una combinación N-aria de L1. Por ejemplo,  
?– combinación([a,b,c],2,L).  
L = [a, b] ; L = [a, c] ; L = [b, c] ; No
- Definiciones de combinación:  
combinación(L1,N,L2) :-  
combinación\_2(L1,N,L2).  
  
combinación\_1(L1,N,L2) :-  
subconjunto(L2,L1),  
**length**(L2,N).  
  
combinación\_2(L1,N,L2) :-  
**length**(L2,N),  
subconjunto(L2,L1).

## Combinatoria

- `combinaciones(+L1,+N,-L2)` se verifica si `L2` es la lista de las combinaciones `N`-arias de `L1`. Por ejemplo,  
?– `combinaciones([a,b,c],2,L)`.

`L = [[a, b], [a, c], [b, c]]`

- Definiciones de `combinaciones`:  
`combinaciones(L1,N,L2) :-`  
    `combinaciones_2(L1,N,L2)`.

`combinaciones_1(L1,N,L2) :-`  
    **findall**(L, combinación\_1(L1,N,L), L2).

`combinaciones_2(L1,N,L2) :-`  
    **findall**(L, combinación\_2(L1,N,L), L2).

## Combinatoria

- Comparación de eficiencia:

```
?- findall(_N, between(1,6,_N),_L1),  
   time(combinaciones_1(_L1,2,_L2)),  
   time(combinaciones_2(_L1,2,_L2)).
```

429 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)

92 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)

```
?- findall(_N, between(1,12,_N),_L1),  
   time(combinaciones_1(_L1,2,_L2)),  
   time(combinaciones_2(_L1,2,_L2)).
```

28,551 inferences in 0.01 seconds (2855100 Lips)

457 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)

```
?- findall(_N, between(1,24,_N),_L1),  
   time(combinaciones_1(_L1,2,_L2)),  
   time(combinaciones_2(_L1,2,_L2)).
```

117,439,971 inferences in 57.59 seconds (2039242 Lips)

2,915 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)



## Combinatoria

- `select(?X,?L1,?L2)` se verifica si `X` es un elemento de la lista `L1` y `L2` es la lista de los restantes elementos. Por ejemplo,

?- **select**(`X`,`[a,b,c]`,`L`).

`X = a`    `L = [b, c]` ;

`X = b`    `L = [a, c]` ;

`X = c`    `L = [a, b]` ;

No

?- **select**(`a`,`L`,`[b,c]`).

`L = [a, b, c]` ;

`L = [b, a, c]` ;

`L = [b, c, a]` ;

No

## Combinatoria

- permutación(+L1, -L2) se verifica si L2 es una permutación de L1. Por ejemplo,

?– permutación([a, b, c], L).

L = [a, b, c] ;

L = [a, c, b] ;

L = [b, a, c] ;

L = [b, c, a] ;

L = [c, a, b] ;

L = [c, b, a] ;

No

Predefinida `permutation`. Definición de permutación:

permutación([], []).

permutación(L1, [X|L2]) :-

**select**(X, L1, L3),

permutación(L3, L2).

## Combinatoria

- `variación(+L1,+N,-L2)` se verifica si L2 es una variación N-aria de L1. Por ejemplo,  
?– `variación([a,b,c],2,L)`.  
`L=[a,b];L=[a,c];L=[b,a];L=[b,c];L=[c,a];L=[c,b];No`

Definiciones de `variación`

`variación_1(L1,N,L2) :-`  
    `combinación(L1,N,L3),`  
    `permutación(L3,L2).`

`variación_2(_,0,[]).`

`variación_2(L1,N,[X|L2]) :-`  
    `N > 0,`  
    `M is N-1,`  
    `select(X,L1,L3),`  
    `variación_2(L3,M,L2).`

`variación(L1,N,L2) :- variación_2(L1,N,L2).`

## Combinatoria

- `variaciones(+L1,+N,-L2)` se verifica si L2 es la lista de las variaciones N-arias de L1. Por ejemplo,

?- `variaciones([a,b,c],2,L)`.

`L = [[a, b], [a, c], [b, c]]`

Definiciones de `variaciones`:

`variaciones_1(L1,N,L2) :-`

`setof(L, variación_1(L1,N,L), L2).`

`variaciones_2(L1,N,L2) :-`

`setof(L, variación_2(L1,N,L), L2).`

`variaciones(L1,N,L2) :-`

`variaciones_2(L1,N,L2).`

## Combinatoria

- Comparación de eficiencia

?– **findall**(N, **between**(1, 100, N), L1),

**time**(variaciones\_1(L1, 2, L2)), **time**(variaciones\_2(L1, 2, L2))

221,320 inferences in 0.27 seconds (819704 Lips)

40,119 inferences in 0.11 seconds (364718 Lips)

?– **findall**(N, **between**(1, 200, N), L1),

**time**(variaciones\_1(L1, 2, L2)), **time**(variaciones\_2(L1, 2, L2))

1,552,620 inferences in 2.62 seconds (592603 Lips)

160,219 inferences in 0.67 seconds (239133 Lips)

?– **findall**(N, **between**(1, 400, N), L1),

**time**(variaciones\_1(L1, 2, L2)), **time**(variaciones\_2(L1, 2, L2))

11,545,220 inferences in 19.02 seconds (607004 Lips)

640,419 inferences in 2.51 seconds (255147 Lips)

## Ordenación

- $\text{ordenación}(+L1, -L2)$  se verifica si  $L2$  es la lista obtenida ordenando la lista  $L1$  en orden creciente. Por ejemplo,  
?–  $\text{ordenación}([2, 1, a, 2, b, 3], L)$ .

$L = [a, b, 1, 2, 2, 3]$

- Definición 1 (generación y prueba)

$\text{ordenación}(L, L1) :-$   
     $\text{permutación}(L, L1),$   
     $\text{ordenada}(L1).$

$\text{ordenada}([]).$

$\text{ordenada}([_]).$

$\text{ordenada}([X, Y|L]) :-$

$X @=< Y,$

$\text{ordenada}([Y|L]).$

## Ordenación

---

---

- Definición 2 (por selección):

```
ordenación_por_selección(L1, [X|L2]) :-  
    selecciona_menor(X, L1, L3),  
    ordenación_por_selección(L3, L2).  
ordenación_por_selección([], []).
```

```
selecciona_menor(X, L1, L2) :-  
    select(X, L1, L2),  
    not((member(Y, L2), Y @< X)).
```

## Ordenación

- Definición 3 (ordenación rápida (divide y vencerás)):

`ordenación_rápida ([ ] , [ ])` .

`ordenación_rápida ([X|R] , Ordenada) :-`

`divide (X,R, Menores , Mayores) ,`

`ordenación_rápida (Menores , Menores_ord) ,`

`ordenación_rápida (Mayores , Mayores_ord) ,`

`append (Menores_ord , [X|Mayores_ord] , Ordenada) .`

`divide (_ , [ ] , [ ] , [ ])` .

`divide (X, [Y|R] , [Y|Menores] , Mayores) :-`

`Y @< X, !,`

`divide (X,R, Menores , Mayores) .`

`divide (X, [Y|R] , Menores , [Y|Mayores]) :-`

`\% Y @>= X,`

`divide (X,R, Menores , Mayores) .`



## Ordenación

- Comparación de la ordenación de la lista  $[N, N-1, N-2, \dots, 2, 1]$

N	ordena	selección	rápida
1	5 inf 0.00 s	8 inf 0.00 s	5 inf 0.00 s
2	10 inf 0.00 s	19 inf 0.00 s	12 inf 0.00 s
4	80 inf 0.00 s	67 inf 0.00 s	35 inf 0.00 s
8	507,674 inf 0.33 s	323 inf 0.00 s	117 inf 0.00 s
16		1,923 inf 0.00 s	425 inf 0.00 s
32		13,059 inf 0.01 s	1,617 inf 0.00 s
64		95,747 inf 0.05 s	6,305 inf 0.00 s
128		732,163 inf 0.40 s	24,897 inf 0.01 s
256		5,724,163 inf 2.95 s	98,945 inf 0.05 s
512		45,264,899 inf 22.80 s	394,497 inf 0.49 s

## Genera y prueba

- Cuadrado mágico:
  - ▶ Enunciado: Colocar los números 1,2,3,4,5,6,7,8,9 en un cuadrado 3x3 de forma que todas las líneas (filas, columnas y diagonales) sumen igual.

A	B	C
D	E	F
G	H	I

- ▶ Programa 1 (por generación y prueba):  
cuadrado\_1 ([A,B,C,D,E,F,G,H,I]) :-  
    permutación ([1,2,3,4,5,6,7,8,9],  
                  [A,B,C,D,E,F,G,H,I]),  
    A+B+C ::= 15,    D+E+F ::= 15,  
    G+H+I ::= 15,    A+D+G ::= 15,  
    B+E+H ::= 15,    C+F+I ::= 15,  
    A+E+I ::= 15,    C+E+G ::= 15.

## Genera y prueba

- Cuadrado mágico:

- ▶ Sesión 1:

- ?– `cuadrado_1 (L)`.

- `L = [6, 1, 8, 7, 5, 3, 2, 9, 4] ;`

- `L = [8, 1, 6, 3, 5, 7, 4, 9, 2]`

- Yes

- ?– `findall (_X, cuadrado_1 (_X), _L), length (_L, N)`.

- `N = 8`

- Yes

## Genera y prueba

- Cuadrado mágico:

- ▶ Programa 2 (por comprobaciones parciales):

```
cuadrado_2 ([A,B,C,D,E,F,G,H,I]) :-  
    select (A,[1,2,3,4,5,6,7,8,9],L1),  
    select (B,L1,L2),  
    select (C,L2,L3),    A+B+C ::= 15,  
    select (D,L3,L4),  
    select (G,L4,L5),    A+D+G ::= 15,  
    select (E,L5,L6),    C+E+G ::= 15,  
    select (I,L6,L7),    A+E+I ::= 15,  
    select (F,L7,[H]),    C+F+I ::= 15, D+E+F ::= 15.
```

## Genera y prueba

- Cuadrado mágico:

- ▶ Sesión 2:

- ?– `cuadrado_2(L)`.

- `L = [2, 7, 6, 9, 5, 1, 4, 3, 8] ;`

- `L = [2, 9, 4, 7, 5, 3, 6, 1, 8]`

- Yes

- ?– `setof(_X, cuadrado_1(_X), _L),`  
`setof(_X, cuadrado_2(_X), _L).`

- Yes

## Genera y prueba

- Cuadrado mágico:
  - ▶ Comparación de eficiencia:
    - ?– **time**(cuadrado\_1(\_X)).  
161,691 inferences in 0.58 seconds (278778 Lips)
    - ?– **time**(cuadrado\_2(\_X)).  
1,097 inferences in 0.01 seconds (109700 Lips)
    - ?– **time**(**setof**(\_X, cuadrado\_1(\_X), \_L)).  
812,417 inferences in 2.90 seconds (280144 Lips)
    - ?– **time**(**setof**(\_X, cuadrado\_2(\_X), \_L)).  
7,169 inferences in 0.02 seconds (358450 Lips)

## Uso de listas

- En general sólo cuando el número de argumentos no es fijo o es desconocido.

- Ejemplos:

```
?- setof(N, between(1, 1000, N), L1),  
   asserta(con_lista(L1)),  
   Term =.. [f|L1],  
   asserta(con_term(Term)).
```

```
?- listing(con_lista).
```

```
con_lista([1, 2, ..., 999, 1000]).
```

```
?- listing(con_term).
```

```
con_term(f(1, 2, ..., 999, 1000)).
```

```
?- time((con_lista(_L), member(1000, _L))).
```

```
1,001 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

```
?- time((con_term(_T), arg(_, _T, 1000))).
```

```
2 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

## Uso de la unificación

- $\text{intercambia}(+T1, -T2)$  se verifica si  $T1$  es un término con dos argumentos y  $T2$  es un término con el mismo símbolo de función que  $T1$  pero sus argumentos intercambiados. Por ejemplo,  
?–  $\text{intercambia}(\text{opuesto}(3, -3), T)$ .

$T = \text{opuesto}(-3, 3)$

Definiciones:

$\text{intercambia\_1}(T1, T2) :-$

$\text{functor}(T1, F, 2),$	$\text{functor}(T2, F, 2),$
$\text{arg}(1, T1, X1),$	$\text{arg}(2, T1, Y1),$
$\text{arg}(1, T2, X2),$	$\text{arg}(2, T2, Y2),$
$X1 = Y2,$	$X2 = Y1.$

$\text{intercambia\_2}(T1, T2) :-$

$T1 =.. [F, X, Y],$
$T2 =.. [F, Y, X].$



## Uso de la unificación

---

---

- `lista_de_tres(L)` se verifica si `L` es una lista de 3 elementos.
- Definiciones:
  - ▶ Definición 1:  
`lista_de_tres(L) :- length(L, N), N = 3.`
  - ▶ Definición 2:  
`lista_de_tres(L) :- length(L, 3).`
  - ▶ Definición 3:  
`lista_de_tres([_,_,_]).`

## Acumuladores

- `inversa(+L1,-L2)`, `reverse(L1,L2)`, se verifica si L2 es la lista inversa de L1. Por ejemplo,  
`?- inversa([a,b,c],L).`  
`L = [c, b, a]`
- Definición de `inversa` con `append` (no recursiva final):  
`inversa_1([],[]).`  
`inversa_1([X|L1],L2) :-`  
    `inversa_1(L1,L3),`  
    `append(L3,[X],L2).`
- Definición de `inversa` con acumuladores (recursiva final):  
`inversa_2(L1,L2) :-`  
    `inversa_2_aux(L1,[],L2).`  
`inversa_2_aux([],L,L).`  
`inversa_2_aux([X|L],Acum,L2) :-`  
    `inversa_2_aux(L,[X|Acum],L2).`

## Acumuladores

- Comparación de eficiencia

```
?- findall(_N, between(1, 1000, _N), _L1),  
   time(inversa_1(_L1, _)), time(inversa_2(_L1, _)).  
501,501 inferences in 0.40 seconds (1253753 Lips)  
1,002 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

```
?- findall(_N, between(1, 2000, _N), _L1),  
   time(inversa_1(_L1, _)), time(inversa_2(_L1, _)).  
2,003,001 inferences in 1.59 seconds (1259749 Lips)  
2,002 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

```
?- findall(_N, between(1, 4000, _N), _L1),  
   time(inversa_1(_L1, _)), time(inversa_2(_L1, _)).  
8,006,001 inferences in 8.07 seconds (992070 Lips)  
4,002 inferences in 0.02 seconds (200100 Lips)
```

## Uso de lemas

- La sucesión de Fibonacci es 1, 1, 2, 3, 5, 8, ... y está definida por

$$f(1) = 1$$

$$f(2) = 1$$

$$f(n) = f(n-1) + f(n-2), \text{ si } n > 2$$

- `fibonacci(N,X)` se verifica si X es el N-ésimo término de la sucesión de Fibonacci.

`fibonacci_1(1,1).`

`fibonacci_1(2,1).`

`fibonacci_1(N,F) :-`

`N > 2,`

`N1 is N-1,`

`fibonacci_1(N1,F1),`

`N2 is N-2,`

`fibonacci_1(N2,F2),`

`F is F1 + F2.`

## Uso de lemas

- Definición de Fibonacci con lemas  
:– dynamic fibonacci\_2 / 2.

fibonacci\_2 (1 , 1).

fibonacci\_2 (2 , 1).

fibonacci\_2 (N, F) :–

    N > 2,

    N1 **is** N–1,

    fibonacci\_2 (N1, F1) ,

    N2 **is** N–2,

    fibonacci\_2 (N2, F2) ,

    F **is** F1 + F2,

**asserta** ( fibonacci\_2 (N, F) ).

## Uso de lemas

- Comparación

```
?- time(fibonacci_1(20,N)).
```

```
40,585 inferences in 1.68 seconds (24158 Lips)
```

```
N = 6765
```

```
?- time(fibonacci_2(20,N)).
```

```
127 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

```
N = 6765
```

```
?- listing(fibonacci_2).
```

```
fibonacci_2(20, 6765). fibonacci_2(19, 4181). ... fibon
```

```
?- time(fibonacci_2(20,N)).
```

```
3 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

```
N = 6765
```

## Uso de lemas

- Definición de Fibonacci con un acumulador

```
fibonacci_3(N,F) :- fibonacci_3_aux(N,_,F).
```

```
fibonacci_3_aux(0,_,0).
```

```
fibonacci_3_aux(1,0,1).
```

```
fibonacci_3_aux(N,F1,F) :-
```

```
    N > 1,
```

```
    N1 is N-1,
```

```
    fibonacci_3_aux(N1,F2,F1),
```

```
    F is F1 + F2.
```

- Comparación;

```
?- time(fibonacci_1(20,N)).
```

```
40,585 inferences in 1.68 seconds (24158 Lips)
```

```
?- time(fibonacci_2(20,N)).
```

```
127 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

```
?- time(fibonacci_3(20,N)).
```

```
21 inferences in 0.00 seconds (Infinite Lips)
```

## Determinismo

- `descompone(+E, -N1, -N2)` se verifica si N1 y N2 son dos enteros no negativos tales que  $N1+N2=E$ .

`descompone_1(E, N1, N2) :-`

`between(0, E, N1),`

`between(0, E, N2),`

`E ::= N1 + N2.`

`descompone_2(E, N1, N2) :-`

`between(0, E, N1),`

`N2 is E - N1.`

- Comparación:

?- `time(setof(_N1+_N2, descompone_1(1000, _N1, _N2), _L)).`

1,004,019 inferences in 1.29 seconds (778309 Lips)

?- `time(setof(_N1+_N2, descompone_2(1000, _N1, _N2), _L)).`

2,018 inferences in 0.01 seconds (201800 Lips)



## Añadir al principio

- `lista_de_cuadrados(+N, ?L)` se verifica si `L` es la lista de los cuadrados de los números de 1 a `N`. Por ejemplo,  
`?- lista_de_cuadrados(5, L).`  
`L = [1, 4, 9, 16, 25]`
- Programa 1 (añadiendo por detrás):  
`lista_de_cuadrados_1(1, [1]).`  
`lista_de_cuadrados_1(N, L) :-`  
    `N > 1,`  
    `N1 is N-1,`  
    `lista_de_cuadrados_1(N1, L1),`  
    `M is N*N,`  
    `append(L1, [M], L).`

## Añadir al principio

- Programa 2 (añadiendo por delante):

```
lista_de_cuadrados_2(N,L) :-  
    lista_de_cuadrados_2_aux(N,L1),  
    reverse(L1,L).
```

```
lista_de_cuadrados_2_aux(1,[1]).
```

```
lista_de_cuadrados_2_aux(N,[M|L]) :-  
    N > 1,  
    M is N*N,  
    N1 is N-1,  
    lista_de_cuadrados_2_aux(N1,L).
```

- Programa 3 (con `findall`):

```
lista_de_cuadrados_3(N,L) :-  
    findall(M,(between(1,N,X), M is X*X),L).
```

## Añadir al principio

- Comparación:

?– tiempo(lista\_de\_cuadrados\_1(10000,\_L)).

50,015,003 inferencias en 68.79 segundos y 549,416 byte

Yes

?– tiempo(lista\_de\_cuadrados\_2(10000,\_L)).

20,007 inferencias en 0.03 segundos y 309,464 bytes.

Yes

?– tiempo(lista\_de\_cuadrados\_3(10000,\_L)).

20,016 inferencias en 0.03 segundos y 189,588 bytes.

Yes

## Listas de diferencias

- Representaciones de  $[a, b, c]$  como listas de diferencias:

$[a, b, c, d] - [d]$

$[a, b, c, 1, 2, 3] - [1, 2, 3]$

$[a, b, c | X] - X$

$[a, b, c] - []$

- Concatenación de listas de diferencias:

- ▶ Programa:

`conc_Id(A-B, B-C, A-C).`

- ▶ Sesión:

?- `conc_Id([a, b | RX]-RX, [c, d | RY]-RY, Z-[]).`

`RX = [c, d]    RY = []    Z = [a, b, c, d]`

?- `conc_Id([a, b |_RX]-_RX, [c, d |_RY]-_RY, Z-[]).`

`Z = [a, b, c, d]`

Yes

## Bibliografía

---

---

- I. Bratko *Prolog Programming for Artificial Intelligence (2nd ed.)* (Addison–Wesley, 1990)
  - ▶ Cap. 8: “Programming Style and Technique”
- W.F. Clocksin y C.S. Mellish *Programming in Prolog (Fourth Edition)* (Springer Verlag, 1994)
  - ▶ Cap. 6: “Using Data Structures”
- M.A. Covington *Efficient Prolog: A Practical Guide*