

# *Razonamiento automático*

## *Tema 5: Razonamiento automático con igualdad*

J.A. Alonso, J. Borrego, A. Chávez y F.J. Martín

Dpto. Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial  
Universidad de Sevilla

## Axiomas de igualdad

- Demostrar que si Francisco es igual a Curro y a Paco, entonces Curro y Paco son iguales
- Formalización en OTTER

"ej-1a.in"

```
1  list(sos).
2      francisco = curro.
3      francisco = paco.
4      paco != curro.
5  end_of_list.
6
7  set(binary_res).
```

# Axiomas de igualdad

- Formalización en OTTER con axiomas de igualdad

"ej-1b.in"

```
1  list(sos).  
2      x=x.                      % Reflexividad  
3      x!=y | y=x.                % Simetría  
4      x!=y | y!=z | x=z.        % Transisitividad  
5      francisco = curro.  
6      francisco = paco.  
7      paco != curro.  
8  end_of_list.  
9  
10 set(binary_res).
```

# Axiomas de igualdad

- Formalización en OTTER con axiomas de igualdad

"ej-1b.in"

```
1  list(sos).  
2      x=x.                      % Reflexividad  
3      x!=y | y=x.                % Simetría  
4      x!=y | y!=z | x=z.        % Transisitividad  
5      francisco = curro.  
6      francisco = paco.  
7      paco != curro.  
8  end_of_list.  
9  
10 set(binary_res).
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
10	35	18	10	0	0.63

# Axiomas de igualdad

- Formalización en OTTER con soporte y resolución UR

"ej-1c.in"

```
1  list(usable).
2      x=x.                      % Reflexividad
3      x!=y | y=x.                % Simetría
4      x!=y | y!=z | x=z.        % Transisitividad
5      francisco = curro.
6      francisco = paco.
7      end_of_list.

8
9      list(sos).
10     paco != curro.
11     end_of_list.

12
13     set(ur_res).
```

# Axiomas de igualdad

- Formalización en OTTER con soporte y resolución UR

"ej-1c.in"

```
1  list(usable).
2      x=x.                      % Reflexividad
3      x!=y | y=x.                % Simetría
4      x!=y | y!=z | x=z.        % Transisitividad
5      francisco = curro.
6      francisco = paco.
7      end_of_list.

8
9      list(sos).
10     paco != curro.
11     end_of_list.

12
13     set(ur_res).
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
2	7	3	4	0	0.00

# Axiomas de sustitución funcionales

- Demostrar que si la opuesta de la derecha es la izquierda y la opuesta de la izquierda es la derecha, entonces la opuesta a la opuesta de la derecha es la derecha
- Formalización en OTTER con axiomas de igualdad

“ej-2a.in”

```
1  list(sos).
2      x=x.                                % Reflexividad
3      x!=y | y=x.                          % Simetría
4      x!=y | y!=z | x=z.                  % Transisitividad
5      opuesta(derecha) = izquierda.
6      opuesta(izquierda) = derecha.
7      opuesta(opuesta(derecha)) != derecha.
8      end_of_list.
9
10     set(binary_res).
```

# Axiomas de sustitución funcionales

- Formalización en OTTER con un axioma de sustitución

“ej-2b1.in”

```
1 include('ej-2a.in').  
2  
3 list(sos).  
4   x!=y | opuesta(x)=opuesta(y).  
5 end_of_list.
```

# Axiomas de sustitución funcionales

- Formalización en OTTER con un axioma de sustitución

"ej-2b1.in"

```
1 include('ej-2a.in').  
2  
3 list(sos).  
4   x!=y | opuesta(x)=opuesta(y).  
5 end_of_list.
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
23	130	74	49	0	0.02

# Axiomas de sustitución funcionales

- Formalización en OTTER con soporte y resolución UR

"ej-2b2.in"

```
1  list(usable).
2      x=x.                                % Reflexividad
3      x!=y | y=x.                         % Simetría
4      x!=y | y!=z | x=z.                  % Transisitividad
5      x!=y | opuesta(x)=opuesta(y).     % Sustitución
6      opuesta(derecha) = izquierda.
7      opuesta(izquierda) = derecha.
8  end_of_list.

9
10 list(sos).
11   opuesta(opuesta(derecha)) != derecha.
12 end_of_list.

13
14 set(ur_res).
```

# Axiomas de sustitución funcionales

- Formalización en OTTER con soporte y resolución UR

"ej-2b2.in"

```
1      list(usable).
2          x=x.                                % Reflexividad
3          x!=y | y=x.
4          x!=y | y!=z | x=z.                % Simetría
5          x!=y | opuesta(x)=opuesta(y).    % Transitividad
6          opuesta(derecha) = izquierda.
7          opuesta(izquierda) = derecha.
8          end_of_list.

9
10     list(sos).
11         opuesta(opuesta(derecha)) != derecha.
12         end_of_list.

13
14     set(ur_res).
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
3	8	3	5	0	0.00

# Axiomas de sustitución relacionales

- Demostrar que si los padres son mayores que los hijos y Luis es el padre de Juan, entonces Luis es mayor que Juan.
- Formalización en OTTER con axiomas de sustitución relacionales

"ej-3a.in"

```
1  list(sos).
2
3  x=x.                                % Reflexividad
4  x!=y | y=x.                          % Simetría
5  x!=y | y!=z | x=z.                  % Transisitividad
6  x!=y | Padre(x)=Padre(y).          % Sustitución
7  x1!=x2 | -Mayor(x1,y) | Mayor(x2,y). % Sustitución
8  y1!=y2 | -Mayor(x,y1) | Mayor(x,y2). % Sustitución
9  Mayor(Padre(x),x).
10 Padre(Juan)=Luis.
11 -Mayor(Luis,Juan).
12 end_of_list.
13
14 set(binary_res).
```

# Axiomas de sustitución relacionales

- Prueba obtenida

```
1 [] x=x.
2 [] x!=y | y=x.
3 [] x!=y | y!=z | x=z.
5 [] x1!=x2 | -Mayor(x1,y) | Mayor(x2,y).
7 [] Mayor(Padre(x),x).
8 [] Padre(Juan)=Luis.
9 [] -Mayor(Luis,Juan).
26 [binary,3.1,8.1] Luis!=x | Padre(Juan)=x.
53 [binary,26.1,2.2] Padre(Juan)=x | x!=Luis.
303 [binary,5.3,9.1] x!=Luis | -Mayor(x,Juan).
312 [binary,303.1,53.1,unit_del,7,1] $F.
```

# Axiomas de sustitución relacionales

- Prueba obtenida

```
1 [] x=x.
2 [] x!=y | y=x.
3 [] x!=y | y!=z | x=z.
5 [] x1!=x2 | -Mayor(x1,y) | Mayor(x2,y).
7 [] Mayor(Padre(x),x).
8 [] Padre(Juan)=Luis.
9 [] -Mayor(Luis,Juan).
26 [binary,3.1,8.1] Luis!=x | Padre(Juan)=x.
53 [binary,26.1,2.2] Padre(Juan)=x | x!=Luis.
303 [binary,5.3,9.1] x!=Luis | -Mayor(x,Juan).
312 [binary,303.1,53.1,unit_del,7,1] $F.
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
55	671	302	351	0	0.23

# Axiomas de sustitución relacionales

- Formalización en OTTER con soporte y resolución UR

"ej-3b.in"

```
1  list(usable).
2      x=x.                                % Reflexividad
3      x!=y | y=x.                         % Simetría
4      x!=y | y!=z | x=z.                  % Transisitividad
5      x!=y | Padre(x)=Padre(y).          % Sustitución
6      x1!=x2 | -Mayor(x1,y) | Mayor(x2,y).    % Sustitución
7      y1!=y2 | -Mayor(x,y1) | Mayor(x,y2).    % Sustitución
8      Mayor(Padre(x),x).
9      Padre(Juan)=Luis.
10     end_of_list.

11
12     list(sos).
13     -Mayor(Luis,Juan).
14     end_of_list.

15
16     set(ur_res).
```

# Axiomas de sustitución relacionales

- Formalización en OTTER con soporte y resolución UR

"ej-3b.in"

```
1  list(usable).
2      x=x.                                % Reflexividad
3      x!=y | y=x.                          % Simetría
4      x!=y | y!=z | x=z.                  % Transisitividad
5      x!=y | Padre(x)=Padre(y).          % Sustitución
6      x1!=x2 | -Mayor(x1,y) | Mayor(x2,y).    % Sustitución
7      y1!=y2 | -Mayor(x,y1) | Mayor(x,y2).    % Sustitución
8      Mayor(Padre(x),x).
9      Padre(Juan)=Luis.
10     end_of_list.

11
12     list(sos).
13     -Mayor(Luis,Juan).
14     end_of_list.

15
16     set(ur_res).
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
1	2	1	1	0	0.00

# Axiomas de sustitución relacionales

- Formalización en OTTER mediante cláusulas

"ej-3c.in"

```
1  list(sos).
2  -Padre(x,y) | Mayor(x,y).
3  Padre(Luis,Juan).
4  -Mayor(Luis,Juan).
5  end_of_list.
6
7  set(binary_res).
```

# Axiomas de sustitución relacionales

- Formalización en OTTER mediante cláusulas

"ej-3c.in"

```
1  list(sos).
2  -Padre(x,y) | Mayor(x,y).
3  Padre(Luis,Juan).
4  -Mayor(Luis,Juan).
5  end_of_list.
6
7  set(binary_res).
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
3	1	1	0	0	0.00

# Razonamiento con igualdad

- Formalización de los axiomas de igualdad mediante fórmulas

```
1  all x (x=x).                      % Reflexividad
2  all x y (x=y -> y=x).            % Simetría
3  all x y z (x=y & y=z -> x=z).    % Transitividad
4
5  % Axiomas de sustitución de la función f/3
6  all x1 x2 x3 y (x1=y -> f(x1,x2,x3) = f(y,x2,x3)).
7  all x1 x2 x3 y (x2=y -> f(x1,x2,x3) = f(x1,y,x3)).
8  all x1 x2 x3 y (x3=y -> f(x1,x2,x3) = f(x1,x2,y)).
9
10 % Axiomas de sustitución de la relación P/3
11 all x1 x2 x3 y (x1=y & P(x1,x2,x3) -> P(y,x2,x3)).
12 all x1 x2 x3 y (x2=y & P(x1,x2,x3) -> P(x1,y,x3)).
13 all x1 x2 x3 y (x3=y & P(x1,x2,x3) -> P(x1,x2,y)).
```

# Razonamiento con igualdad

- Formalización de los axiomas de igualdad mediante cláusulas

```
1  x = x.                      % Reflexividad
2  x != y | y = x.              % Simetría
3  x != y | y != z | x=z.      % Transitividad
4
5  % Axiomas de sustitución de la función f/3
6  x1 != y | f(x1,x2,x3) = f(y,x2,x3)).
7  x2 != y | f(x1,x2,x3) = f(x1,y,x3)).
8  x3 != y | f(x1,x2,x3) = f(x1,x2,y)).
9
10 % Axiomas de sustitución de la relación P/3
11 x1 != y | -P(x1,x2,x3) | P(y.x2.x3)).
12 x2 != y | -P(x1,x2,x3) | P(x1.y.x3)).
13 x3 != y | -P(x1,x2,x3) | P(x1.x2.y)).
```

# Paramodulación

- Regla de paramodulación

- Izquierda

$$\frac{s_1 = t \cup C}{\sigma(L[t]) \cup \sigma(C) \cup \sigma(D)} \qquad \sigma = umg(s_1, s_2)$$

- Derecha

$$\frac{t = s_1 \cup C}{\sigma(L[t]) \cup \sigma(C) \cup \sigma(D)} \qquad \sigma = umg(s_1, s_2)$$

# Paramodulación

- Ejemplos de paramodulación

"ej-5.in"

```
1  list(sos).  
2    P(f(x,b),x) | Q(x).  
3    f(a,x)=x | R(x).  
4  end_of_list.  
5  
6  set(para_into).  
7  set(para_from).
```

# Paramodulación

- Ejemplos de paramodulación: búsqueda

```
given clause #1: (wt=7) 1 [] P(f(x,b),x)|Q(x).  
  
given clause #2: (wt=7) 2 [] f(a,x)=x|R(x).  
** KEPT 3 [para_into,2.1.1,2.1.1] x=x|R(x).  
** KEPT 4 [para_from,2.1.1,1.1.1] P(b,a)|Q(a)|R(b).
```

# Paramodulación

- Ejemplos de paramodulación: explicación

3 [para\_into,2.1.1,2.1.1] x=x | R(x).

Into 2.1.1

'f(a,x1)'=x1 | R(x1)

From 2.1.1

'f(a,x2)'=x2 | R(x2)

Unificador

$\sigma = \{x2/x1\}$

Paramodulante

$\sigma(x2=x1 \mid R(x2) \mid R(x1))$

$\implies x1=x1 \mid R(x1)$

$\implies x=x \mid R(x)$

# Paramodulación

- Ejemplos de paramodulación: explicación

4 [para\_from,2.1.1,1.1.1] P(b,a) | Q(a) | R(b).

From 2.1.1

'f(a,x1)'=x1 | R(x1)

Into 1.1.1

P('f(x2,b)',x2) | Q(x2)

Unificador

$\sigma = \{x2/a, x1/b\}$

Paramodulante

$\sigma(P(x1,x2) | Q(x2) | R(x1))$   
 $\implies P(b) | Q(a) | R(b)$

# Paramodulación

- Demostrar que si Francisco es igual a Curro y a Paco, entonces Curro y Paco son iguales

“ej-1d.in”

```
1  list(usable).
2      x=x.                      % Reflexividad
3      francisco = curro.
4      francisco = paco.
5  end_of_list.

6
7  list(sos).
8      paco != curro.
9  end_of_list.

10
11 set(para_into).
```

# Paramodulación

- Explicación de la cláusula

[para\_into,4.1.1,3.1.2] francisco!=curro.

Into 4.1.1      'paco'!=curro  
From 3.1.2      francisco='paco'

- Estadísticas

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
1	1	1	0	0	0.00

# Paramodulación

- Demostrar que si la opuesta de la derecha es la izquierda y la opuesta de la izquierda es la derecha, entonces la opuesta a la opuesta de la derecha es la derecha

“ej-2c.in”

```
1  list(usable).  
2      x=x.                      % Reflexividad  
3      opuesta(derecha) = izquierda.  
4      opuesta(izquierda) = derecha.  
5  end_of_list.  
  
6  
7  list(sos).  
8      opuesta(opuesta(derecha)) != derecha.  
9  end_of_list.  
10  
11 set(para_into).  
12 set(para_from).
```

# Paramodulación

- Explicación de la cláusula

[para\_into,4.1.1.1,2.1.1] opuesta(izquierda) !=derecha.

Into 4.1.1

opuesta('opuesta(derecha)') !=derecha

From 2.1.1

'opuesta(derecha)' =izquierda

- Estadísticas

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
1	2	2	0	0	0.01

# Paramodulación

- Demostrar que si los padres son mayores que los hijos y Luis es el padre de Juan, entonces Luis es mayor que Juan.

“ej-3d.in”

```
1  list(usable).
2      x=x.                      % Reflexividad
3      Mayor(Padre(x),x).
4      Padre(Juan)=Luis.
5  end_of_list.

6
7  list(sos).
8      -Mayor(Luis,Juan).
9  end_of_list.

10
11 set(para_into).
```

# Paramodulación

- Explicación de la cláusula

[para\_into,4.1.1,3.1.2] -Mayor(Padre(Juan),Juan).

Into 4.1.1      -Mayor('Luis',Juan)  
From 4.1.2      Padre(Juan)='Luis'

- Estadísticas

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
1	1	1	0	0	0.02

# Paramodulación

- Demostrar que si Juan está casado y es el tío de Pepe, entonces el hermano del padre de Juan está casado

“ej-6b.in”

```
1  list(usable).
2      x=x.
3      casado(juan).
4      hermano(padre(x)) = tio(x).
5      tio(pepe)=juan.
6  end_of_list.

7
8  list(sos).
9      -casado(hermano(padre(pepe))).
10 end_of_list.

11
12 set(para_intro).
```

## Demodulación

- Regla de demodulación

$$\frac{C[t]}{\frac{t_1 = t_2}{\sigma(C[t_2])}} \quad \sigma = umg(t, t_1)$$

# Demodulación

- Demostrar que si Francisco es igual a Curro y a Paco, entonces Curro y Paco son iguales

"ej-1e.in"

```
1  list(usable).
2      x=x.                      % Reflexividad
3  end_of_list.

4

5  list(demodulators).
6      curro = francisco.
7      paco = francisco.
8  end_of_list.

9

10 list(sos).
11     paco != curro.
12 end_of_list.

13

14 set(process_input).
```

# Demodulación

- Demostrar que si la opuesta de la derecha es la izquierda y la opuesta de la izquierda es la derecha, entonces la opuesta a la opuesta de la derecha es la derecha

"ej-2d.in"

```
1  list(usable).
2    x=x.
3  end_of_list.

4

5  list(demodulators).
6    opuesta(derecha) = izquierda.
7    opuesta(izquierda) = derecha.
8  end_of_list.

9

10 list(sos).
11   opuesta(opuesta(derecha)) != derecha.
12 end_of_list.

13

14 set(process_input).
```

## Demodulación

- Demostrar que si Juan está casado y es el tío de Pepe, entonces el hermano del padre de Juan está casado

"ej-6a.in"

```
1  list(usable).
2      x=x.
3      casado(juan).
4  end_of_list.

5

6  list(demodulators).
7      hermano(padre(x)) = tio(x).
8      tio(pepe)=juan.
9  end_of_list.

10
11 list(sos).
12     -casado(hermano(padre(pepe))).
13 end_of_list.

14
15 set(process_input).
```

# Operadores

- Sea  $G$  un grupo y  $e$  su elemento neutro. Demostrar que si, para todo  $x$  de  $G$ ,  $x^2 = e$ , entonces  $G$  es commutativo.
- Formalización
  - Axiomas de grupo
$$(\forall x)[e.x = x]$$
$$(\forall x)[x.e = x]$$
$$(\forall x)[x.x^{-1} = e]$$
$$(\forall x)[x^{-1}.x = e]$$
$$(\forall x)(\forall y)(\forall z)[(x.y).z = x.(y.z)]$$
  - Hipótesis
$$(\forall x)[x.x = e]$$
  - Conclusión
$$(\forall x)(\forall y)[x.y = y.x]$$

# Operadores

- Formalización en OTTER

"ej-7a.in"

```
1 op(400, xfy, *).
2 op(300, yf, ^).

3
4 list(usable).
5   x = x.                                % Reflexividad
6   e * x = x.                            % Ax. 1
7   x * e = x.                            % Ax. 2
8   x^ * x = e.                            % Ax. 3
9   x * x^ = e.                            % Ax. 4
10  (x * y) * z = x * (y * z).          % Ax. 5
11 end_of_list.

12
13 list(sos).
14   x * x = e.
15   a * b != b * a.
16 end_of_list.

17
18 set(para_into).
19 set(para_from).
```

# Operadores

- Prueba obtenida

```
2 [] e*x=x.  
3 [] x*e=x.  
6 [] (x*y)*z=x*y*z.  
7 [] x*x=e.  
8 [] a*b!=b*a.  
19 [para_from,7.1.2,3.1.1.2] x*y*y=x.  
20 [para_from,7.1.2,2.1.1.1] (x*x)*y=y.  
31 [para_into,19.1.1,6.1.2] (x*y)*y=x.  
167 [para_into,20.1.1,6.1.1] x*x*y=y.  
170 [para_from,20.1.1,6.1.1] x=y*y*x.  
496 [para_into,167.1.1.2,31.1.1] (x*y)*x=y.  
755 [para_into,496.1.1.1,170.1.2] x*y=y*x.  
756 [binary,755.1,8.1] $F.
```

# Operadores

- Cláusula 19 [para\_from, 7.1.2, 3.1.1.2]  $x * y * y = x$ .

From 7.1.2       $x_1 * x_1 = 'e'$   
Into 3.1.1.2     $x_2 * 'e' = x_2$   
                      $\implies x_2 * (x_1 * x_1) = x_2 \{x_2/x, x_1/y\}$   
                      $\implies x * (y * y) = x$

- Cláusula 20 [para\_from, 7.1.2, 2.1.1.1]  $(x * x) * y = y$ .

From 7.1.2       $x_1 * x_1 = 'e'$   
Into 2.1.1.1     $'e' * x_2 = x_2$   
                      $\implies (x_1 * x_1) * x_2 = x_2 \{x_1/x, x_2/y\}$   
                      $\implies (x * x) * y = y$

# Operadores

- Cláusula 31 [para\_into,19.1.1,6.1.2]  $(x*y)*y=x.$

Into 19.1.1

$'x2*(y2*y2)'=x2$

From 6.1.2

$(x1*y1)*z1='x1*(y1*z1)'$

Unificador

$\sigma = \{x2/x1, y2/y1, z1/y1\}$

Paramodulante

$\sigma((x1*y1)*z1=x2)$

$\implies (x1*y1)*y1=x1 \{x1/x, y1/y\}$

$\implies (x*y)*y=x$

- Cláusula 167 [para\_into,20.1.1,6.1.1]  $x*x*y=y.$

Into 20.1.1

$'(x2*x2)*y2'=y2$

From 6.1.1

$'(x1*y1)*z1'=x1*(y1*z1)$

Unificador

$\sigma = \{x1/x2, y1/x2, z1/y2\}$

Paramodulante

$\sigma(x1*(y1*z1)=y2)$

$\implies x2*(x2*y2)=y2 \{x2/x, y2/y\}$

$\implies x*(x*y)=y$

# Operadores

- Cláusula 170 [para\_from, 20.1.1, 6.1.1]  $x=y*y*x.$

From 20.1.1

$$` (x_1*x_1)*y_1' = y_1$$

Into 6.1.1

$$` (x_2*y_2)*z_2' = x_2*(y_2*z_2)$$

Unificador

$$\sigma = \{x_2/x_1, y_2/x_1, z_2/y_1\}$$

Paramodulante

$$\sigma(y_1=x_2*(y_2*z_2))$$

$$\implies y_1=x_1*(x_1*y_1) \{y_1/x, x_1/y\}$$

$$\implies x=y*(y*x)$$

- Cláusula 496 [para\_into, 167.1.1.2, 31.1.1]  $(x*y)*x=y.$

Into 167.1.1.2

$$x_2*` (x_2*y_2)' = y_2$$

From 31.1.1

$$` (x_1*y_1)*y_1' = x_1$$

Unificador

$$\sigma = \{x_2/x_1*y_1, y_2/y_1\}$$

Paramodulante

$$\sigma(x_2*x_1=y_2)$$

$$\implies (x_1*y_1)*x_1=y_1 \{x_1/x, y_1/y\}$$

$$\implies (x*y)*x=y$$

# Operadores

- Cláusula 755 [para\_into, 496.1.1.1, 170.1.2]  $x^*y=y^*x.$

Into 496.1.1.1

$$` (x_2^*y_2) ` *x_2 = y_2$$

From 170.1.2

$$x_1 = ` y_1 * (y_1 * x_1) `$$

Unificador

$$\sigma = \{x_2/y_1, y_2/y_1 * x_1\}$$

Paramodulante

$$\sigma((x_1 * x_2) = y_2)$$

$$\implies x_1 * y_1 = y_1 * x_1 \{x_1/x, y_1/y\}$$

$$\implies x^*y=y^*x$$

- Estadísticas

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
72	5741	747	4994	45	0.26

# Operadores

- Mejora con demoduladores

```
1 include('ej-7a.in').  
2  
3 list(demodulators).  
4 e * x = x.                      % Ax. 1  
5 x * e = x.                      % Ax. 2  
6 x^ * x = e.                      % Ax. 3  
7 x * x^ = e.                      % Ax. 4  
8 (x * y) * z = x * (y * z).      % Ax. 5  
9 end_of_list.
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
68	5562	527	5035	7	0.26

# Operadores

- Mejora con demoduladores dinámicos

"ej-7c.in"

```
1 include('ej-7b.in').  
2  
3 set(dynamic_demod).
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
10	219	13	206	1	0.01

# Operadores

- Modo autónomo

"ej-7d.in"

```
1 set(auto2).
2
3 op(400, xfy, *).
4 op(300, yf, ^).
5
6 list(usable).
7   e * x = x.          % Ax. 1
8   x * e = x.          % Ax. 2
9   x^ * x = e.          % Ax. 3
10  x * x^ = e.          % Ax. 4
11  (x * y) * z = x * (y * z). % Ax. 5
12  x = x.              % Ax. 6
13  x * x = e.
14  a * b != b * a.
15 end_of_list.
```

Analiz.	Gener.	Reten.	Sub. adel.	Sub. atrás	Seg.
12	90	20	87	8	0.18

## Bibliografía

---

- Alonso, J.A.; Fernández, A. y Pérez, M.J. *Razonamiento automático*. (en *Lógica formal (Orígenes, métodos y aplicaciones*, Ed. Kronos, 1995)
- Chang, C.L. y Lee, R.C.T. *Symbolic logic and mechanical theorem proving*. (Academic Press, 1973)
  - Cap. 8 “The equality relation”
- Genesereth, M.R. y Nilsson, N.J. *Logical foundations of Artificial Intelligence* (Morgan Kaufmann, 1987)
  - Cap. 9 “Relational resolution”

## Bibliografía

---

- Genesereth, M.R. y Nilsson, N.J. *Logical foundations of Artificial Intelligence* (Morgan Kaufmann, 1987)
  - Cap. 4: “Resolution”
  - Cap. 5: “Resolution strategies”
- Wos, L., Overbeek, R., Lusk, E. y Boyle, J. *Automated Reasoning: Introduction and Applications, (2nd ed.)* (McGraw–Hill, 1992)