

# Tema 3: Tipos y clases

## Informática (2010–11)

José A. Alonso Jiménez

Grupo de Lógica Computacional  
Departamento de Ciencias de la Computación e I.A.  
Universidad de Sevilla

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos
2. Tipos básicos
3. Tipos compuestos
  - Tipos listas
  - Tipos tuplas
  - Tipos funciones
4. Parcialización
5. Polimorfismo y sobrecarga
  - Tipos polimórficos
  - Tipos sobrecargados
6. Clases básicas

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos
2. Tipos básicos
3. Tipos compuestos
4. Parcialización
5. Polimorfismo y sobrecarga
6. Clases básicas

## ¿Qué es un tipo?

- ▶ Un **tipo** es una colección de valores relacionados.
- ▶ Un ejemplo de tipos es el de los valores booleanos: `Bool`
- ▶ El tipo `Bool` tiene dos valores `True` (verdadero) y `False` (falso).
- ▶  $v :: T$  representa que  $v$  es un valor del tipo  $T$  y se dice que “ $v$  tiene tipo  $T$ ”.
- ▶ Cálculo de tipo con `:type`

```
Prelude> :type True
True :: Bool
Prelude> :type False
False :: Bool
```
- ▶ El tipo `Bool -> Bool` está formado por todas las funciones cuyo argumento y valor son booleanos.
- ▶ Ejemplo de tipo `Bool -> Bool`

```
Prelude> :type not
not :: Bool -> Bool
```

## ¿Qué es un tipo?

- ▶ Un **tipo** es una colección de valores relacionados.
- ▶ Un ejemplo de tipos es el de los valores booleanos: `Bool`
- ▶ El tipo `Bool` tiene dos valores `True` (verdadero) y `False` (falso).
- ▶  $v :: T$  representa que  $v$  es un valor del tipo  $T$  y se dice que “ $v$  tiene tipo  $T$ ”.

- ▶ Cálculo de tipo con `:type`

```
Prelude> :type True
True :: Bool
Prelude> :type False
False :: Bool
```

- ▶ El tipo `Bool -> Bool` está formado por todas las funciones cuyo argumento y valor son booleanos.
- ▶ Ejemplo de tipo `Bool -> Bool`

```
Prelude> :type not
not :: Bool -> Bool
```

## ¿Qué es un tipo?

- ▶ Un **tipo** es una colección de valores relacionados.
- ▶ Un ejemplo de tipos es el de los valores booleanos: `Bool`
- ▶ El tipo `Bool` tiene dos valores `True` (verdadero) y `False` (falso).
- ▶  $v :: T$  representa que  $v$  es un valor del tipo  $T$  y se dice que “ $v$  tiene tipo  $T$ ”.

- ▶ Cálculo de tipo con `:type`

```
Prelude> :type True
True :: Bool
Prelude> :type False
False :: Bool
```

- ▶ El tipo `Bool -> Bool` está formado por todas las funciones cuyo argumento y valor son booleanos.
- ▶ Ejemplo de tipo `Bool -> Bool`

```
Prelude> :type not
not :: Bool -> Bool
```

## ¿Qué es un tipo?

- ▶ Un **tipo** es una colección de valores relacionados.
- ▶ Un ejemplo de tipos es el de los valores booleanos: `Bool`
- ▶ El tipo `Bool` tiene dos valores `True` (verdadero) y `False` (falso).
- ▶  $v :: T$  representa que  $v$  es un valor del tipo  $T$  y se dice que “ $v$  tiene tipo  $T$ ”.
- ▶ Cálculo de tipo con `:type`

```
Prelude> :type True
True :: Bool
Prelude> :type False
False :: Bool
```
- ▶ El tipo `Bool -> Bool` está formado por todas las funciones cuyo argumento y valor son booleanos.
- ▶ Ejemplo de tipo `Bool -> Bool`

```
Prelude> :type not
not :: Bool -> Bool
```

## Inferencia de tipos

- ▶ Regla de inferencia de tipos

$$\frac{f :: A \rightarrow B \quad e :: A}{f e :: B}$$

- ▶ Tipos de expresiones:

```
Prelude> :type not True
```

```
not True :: Bool
```

```
Prelude> :type not False
```

```
not False :: Bool
```

```
Prelude> :type not (not False)
```

```
not (not False) :: Bool
```

- ▶ Error de tipo:

```
Prelude> :type not 3
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```

```
Prelude> :type 1 + False
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```



## Inferencia de tipos

- ▶ Regla de inferencia de tipos

$$\frac{f :: A \rightarrow B \quad e :: A}{f e :: B}$$

- ▶ Tipos de expresiones:

```
Prelude> :type not True
```

```
not True :: Bool
```

```
Prelude> :type not False
```

```
not False :: Bool
```

```
Prelude> :type not (not False)
```

```
not (not False) :: Bool
```

- ▶ Error de tipo:

```
Prelude> :type not 3
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```

```
Prelude> :type 1 + False
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```

## Inferencia de tipos

- ▶ Regla de inferencia de tipos

$$\frac{f :: A \rightarrow B \quad e :: A}{f e :: B}$$

- ▶ Tipos de expresiones:

```
Prelude> :type not True
```

```
not True :: Bool
```

```
Prelude> :type not False
```

```
not False :: Bool
```

```
Prelude> :type not (not False)
```

```
not (not False) :: Bool
```

- ▶ Error de tipo:

```
Prelude> :type not 3
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```

```
Prelude> :type 1 + False
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```

## Inferencia de tipos

- ▶ Regla de inferencia de tipos

$$\frac{f :: A \rightarrow B \quad e :: A}{f e :: B}$$

- ▶ Tipos de expresiones:

```
Prelude> :type not True
```

```
not True :: Bool
```

```
Prelude> :type not False
```

```
not False :: Bool
```

```
Prelude> :type not (not False)
```

```
not (not False) :: Bool
```

- ▶ Error de tipo:

```
Prelude> :type not 3
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```

```
Prelude> :type 1 + False
```

```
Error: No instance for (Num Bool)
```

## Ventajas de los tipos

- ▶ Los lenguajes en los que la inferencia de tipo precede a la evaluación se denominan de **tipos seguros**.
- ▶ Haskell es un lenguaje de tipos seguros.
- ▶ En los lenguajes de tipos seguros no ocurren errores de tipos durante la evaluación.
- ▶ La inferencia de tipos no elimina todos los errores durante la evaluación. Por ejemplo,

```
Prelude> :type 1 'div' 0
1 'div' 0 :: (Integral t) => t
Prelude> 1 'div' 0
*** Exception: divide by zero
```

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos
2. **Tipos básicos**
3. Tipos compuestos
4. Parcialización
5. Polimorfismo y sobrecarga
6. Clases básicas

## Tipos básicos

- ▶ Bool (**Valores lógicos**):
  - ▶ Sus valores son True y False.
- ▶ Char (**Caracteres**):
  - ▶ Ejemplos: 'a', 'B', '3', '+'
- ▶ String (**Cadena de caracteres**):
  - ▶ Ejemplos: "abc", "1 + 2 = 3"
- ▶ Int (**Enteros de precisión fija**):
  - ▶ Enteros entre  $-2^{31}$  y  $2^{31} - 1$ .
  - ▶ Ejemplos: 123, -12
- ▶ Integer (**Enteros de precisión arbitraria**):
  - ▶ Ejemplos: 1267650600228229401496703205376.
- ▶ Float (**Reales de precisión arbitraria**):
  - ▶ Ejemplos: 1.2, -23.45, 45e-7
- ▶ Double (**Reales de precisión doble**):
  - ▶ Ejemplos: 1.2, -23.45, 45e-7

# Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos

2. Tipos básicos

3. Tipos compuestos

Tipos listas

Tipos tuplas

Tipos funciones

4. Parcialización

5. Polimorfismo y sobrecarga

6. Clases y clases

# Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos

2. Tipos básicos

3. Tipos compuestos

Tipos listas

Tipos tuplas

Tipos funciones

4. Parcialización

5. Polimorfismo y sobrecarga

6. Clases y clases



## Tipos listas

- ▶ Una **lista** es una sucesión de elementos del mismo tipo.
- ▶ `[T]` es el tipo de las listas de elementos de tipo `T`.
- ▶ Ejemplos de listas:

```
[False, True]   :: [Bool]
['a', 'b', 'd'] :: [Char]
["uno", "tres"] :: [String]
```

- ▶ Longitudes:
  - ▶ La **longitud** de una lista es el número de elementos.
  - ▶ La lista de longitud 0, `[]`, es la **lista vacía**.
  - ▶ Las listas de longitud 1 se llaman **listas unitarias**.
- ▶ Comentarios:
  - ▶ El tipo de una lista no informa sobre su longitud:

```
['a', 'b'] :: [Char]
['a', 'b', 'c'] :: [Char]
```
  - ▶ El tipo de los elementos de una lista puede ser cualquiera:

```
[[ 'a', 'b' ], ['c']] :: [[Char]]
```

# Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos

2. Tipos básicos

3. Tipos compuestos

Tipos listas

**Tipos tuplas**

Tipos funciones

4. Parcialización

5. Polimorfismo y sobrecarga

6. Clases y clases

## Tipos tuplas

- ▶ Una **tupla** es una sucesión de elementos.
- ▶  $(T_1, T_2, \dots, T_n)$  es el tipo de las  $n$ -tuplas cuya componente  $i$ -ésima es de tipo  $T_i$ .

- ▶ Ejemplos de tuplas:

```
(False, True)      :: (Bool, Bool)
```

```
(False, 'a', True) :: (Bool, Char, Bool)
```

- ▶ Aridades:

- ▶ La **aridad** de una tupla es el número de componentes.
- ▶ La tupla de aridad 0,  $()$ , es la **tupla vacía**.
- ▶ No están permitidas las tuplas de longitud 1.

- ▶ Comentarios:

- ▶ El tipo de una tupla informa sobre su longitud:

```
('a', 'b')        :: (Char, Char)
```

```
('a', 'b', 'c')   :: (Char, Char, Char)
```

- ▶ El tipo de los elementos de una tupla puede ser cualquiera:

```
(('a', 'b'), ['c', 'd']) :: ((Char, Char), [Char])
```

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos

2. Tipos básicos

3. Tipos compuestos

Tipos listas

Tipos tuplas

**Tipos funciones**

4. Parcialización

5. Polimorfismo y sobrecarga

6. Clases y clases

## Tipos funciones

- ▶ Una **función** es una aplicación de valores de un tipo en valores de otro tipo.
- ▶  $T_1 \rightarrow T_2$  es el tipo de las funciones que aplica valores del tipo  $T_1$  en valores del tipo  $T_2$ .
- ▶ Ejemplos de funciones:

```
not      :: Bool -> Bool  
isDigit :: Char -> Bool
```

## Funciones con múltiples argumentos o valores

- ▶ Ejemplo de función con múltiples argumentos:  
suma (x,y) es la suma de x e y. Por ejemplo, suma (2,3) es 5.

---

```
suma :: (Int,Int) -> Int  
suma (x,y) = x+y
```

---

- ▶ Ejemplo de función con múltiples valores:  
deCeroA 5 es la lista de los números desde 0 hasta n. Por ejemplo, deCeroA n es [0,1,2,3,4,5].

---

```
deCeroA :: Int -> [Int]  
deCeroA n = [0..n]
```

---

- ▶ Notas:
  1. En las definiciones se ha escrito la **signatura** de las funciones.
  2. No es obligatorio escribir la signatura de las funciones.
  3. Es conveniente escribir las signatura.

## Funciones con múltiples argumentos o valores

- ▶ Ejemplo de función con múltiples argumentos:  
suma (x,y) es la suma de x e y. Por ejemplo, suma (2,3) es 5.

---

```
suma :: (Int,Int) -> Int  
suma (x,y) = x+y
```

---

- ▶ Ejemplo de función con múltiples valores:  
deCeroA 5 es la lista de los números desde 0 hasta n. Por ejemplo, deCeroA n es [0,1,2,3,4,5].

---

```
deCeroA :: Int -> [Int]  
deCeroA n = [0..n]
```

---

- ▶ Notas:
  1. En las definiciones se ha escrito la **signatura** de las funciones.
  2. No es obligatorio escribir la signatura de las funciones.
  3. Es conveniente escribir las signatura.

## Funciones con múltiples argumentos o valores

- ▶ Ejemplo de función con múltiples argumentos:  
suma (x,y) es la suma de x e y. Por ejemplo, suma (2,3) es 5.

---

```
suma :: (Int,Int) -> Int  
suma (x,y) = x+y
```

---

- ▶ Ejemplo de función con múltiples valores:  
deCeroA 5 es la lista de los números desde 0 hasta n. Por ejemplo, deCeroA n es [0,1,2,3,4,5].

---

```
deCeroA :: Int -> [Int]  
deCeroA n = [0..n]
```

---

- ▶ Notas:
  1. En las definiciones se ha escrito la **signatura** de las funciones.
  2. No es obligatorio escribir la signatura de las funciones.
  3. Es conveniente escribir las signatura.



## Funciones con múltiples argumentos o valores

- ▶ Ejemplo de función con múltiples argumentos:  
suma (x,y) es la suma de x e y. Por ejemplo, suma (2,3) es 5.

---

```
suma :: (Int,Int) -> Int  
suma (x,y) = x+y
```

---

- ▶ Ejemplo de función con múltiples valores:  
deCeroA 5 es la lista de los números desde 0 hasta n. Por ejemplo, deCeroA n es [0,1,2,3,4,5].

---

```
deCeroA :: Int -> [Int]  
deCeroA n = [0..n]
```

---

- ▶ Notas:
  1. En las definiciones se ha escrito la **signatura** de las funciones.
  2. No es obligatorio escribir la signatura de las funciones.
  3. Es conveniente escribir las signatura.

## Funciones con múltiples argumentos o valores

- ▶ Ejemplo de función con múltiples argumentos:  
suma (x,y) es la suma de x e y. Por ejemplo, suma (2,3) es 5.

---

```
suma :: (Int,Int) -> Int  
suma (x,y) = x+y
```

---

- ▶ Ejemplo de función con múltiples valores:  
deCeroA 5 es la lista de los números desde 0 hasta n. Por ejemplo, deCeroA n es [0,1,2,3,4,5].

---

```
deCeroA :: Int -> [Int]  
deCeroA n = [0..n]
```

---

- ▶ Notas:
  1. En las definiciones se ha escrito la **signatura** de las funciones.
  2. No es obligatorio escribir la signatura de las funciones.
  3. Es conveniente escribir las signatura.

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos
2. Tipos básicos
3. Tipos compuestos
4. **Parcialización**
5. Polimorfismo y sobrecarga
6. Clases básicas

## Parcialización

- ▶ Mecanismo de **parcialización** (*currying* en inglés): Las funciones de más de un argumento pueden interpretarse como funciones que toman un argumento y devuelven otra función con un argumento menos.
- ▶ Ejemplo de parcialización:

---

```
suma' :: Int -> (Int -> Int)
suma' x y = x+y
```

---

suma' toma un entero x y devuelve la función suma' x que toma un entero y y devuelve la suma de x e y. Por ejemplo,

```
*Main> :type suma' 2
suma' 2 :: Int -> Int
*Main> :type suma' 2 3
suma' 2 3 :: Int
```

## Parcialización con tres argumentos

- ▶ Ejemplo de parcialización con tres argumentos:

---

```
mult :: Int -> (Int -> (Int -> Int))  
mult x y z = x*y*z
```

---

mult toma un entero x y devuelve la función mult x que toma un entero y y devuelve la función mult x y que toma un entero z y devuelve x\*y\*z. Por ejemplo,

```
*Main> :type mult 2  
mult 2 :: Int -> (Int -> Int)  
*Main> :type mult 2 3  
mult 2 3 :: Int -> Int  
*Main> :type mult 2 3 7  
mult 2 3 7 :: Int
```

## Aplicación parcial

- ▶ Las funciones que toman sus argumentos de uno en uno se llaman **currificadas** (*curried* en inglés).
- ▶ Las funciones `suma'` y `mult` son currificadas.
- ▶ Las funciones currificadas pueden aplicarse parcialmente. Por ejemplo,

```
*Main> (suma' 2) 3  
5
```

- ▶ Pueden definirse funciones usando aplicaciones parciales. Por ejemplo,

---

```
suc :: Int -> Int  
suc = suma' 1
```

---

`suc x` es el sucesor de `x`. Por ejemplo, `suc 2` es 3.

## Aplicación parcial

- ▶ Las funciones que toman sus argumentos de uno en uno se llaman **currificadas** (*curried* en inglés).
- ▶ Las funciones `suma'` y `mult` son currificadas.
- ▶ Las funciones currificadas pueden aplicarse parcialmente. Por ejemplo,

```
*Main> (suma' 2) 3  
5
```

- ▶ Pueden definirse funciones usando aplicaciones parciales. Por ejemplo,

---

```
suc :: Int -> Int  
suc = suma' 1
```

---

`suc x` es el sucesor de `x`. Por ejemplo, `suc 2` es 3.

## Aplicación parcial

- ▶ Las funciones que toman sus argumentos de uno en uno se llaman **currificadas** (*curried* en inglés).
- ▶ Las funciones `suma'` y `mult` son currificadas.
- ▶ Las funciones currificadas pueden aplicarse parcialmente. Por ejemplo,

```
*Main> (suma' 2) 3  
5
```

- ▶ Pueden definirse funciones usando aplicaciones parciales. Por ejemplo,

---

```
suc :: Int -> Int  
suc = suma' 1
```

---

`suc x` es el sucesor de `x`. Por ejemplo, `suc 2` es `3`.



## Convenios para reducir paréntesis

- ▶ Convenio 1: Las flechas en los tipos se asocia por la derecha. Por ejemplo,

`Int -> Int -> Int -> Int`

representa a

`Int -> (Int -> (Int -> Int))`

- ▶ Convenio 2: Las aplicaciones de funciones se asocia por la izquierda. Por ejemplo,

`mult x y z`

representa a

`((mult x) y) z`

- ▶ **Nota:** Todas las funciones con múltiples argumentos se definen en forma curricada, salvo que explícitamente se diga que los argumentos tienen que ser tuplas.

## Convenios para reducir paréntesis

- ▶ Convenio 1: Las flechas en los tipos se asocia por la derecha. Por ejemplo,

$$\text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$$

representa a

$$\text{Int} \rightarrow (\text{Int} \rightarrow (\text{Int} \rightarrow \text{Int}))$$

- ▶ Convenio 2: Las aplicaciones de funciones se asocia por la izquierda. Por ejemplo,

$$\text{mult } x \ y \ z$$

representa a

$$((\text{mult } x) \ y) \ z$$

- ▶ **Nota:** Todas las funciones con múltiples argumentos se definen en forma curricada, salvo que explícitamente se diga que los argumentos tienen que ser tuplas.

## Convenios para reducir paréntesis

- ▶ Convenio 1: Las flechas en los tipos se asocia por la derecha. Por ejemplo,

$$\text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$$

representa a

$$\text{Int} \rightarrow (\text{Int} \rightarrow (\text{Int} \rightarrow \text{Int}))$$

- ▶ Convenio 2: Las aplicaciones de funciones se asocia por la izquierda. Por ejemplo,

$$\text{mult } x \ y \ z$$

representa a

$$((\text{mult } x) \ y) \ z$$

- ▶ **Nota:** Todas las funciones con múltiples argumentos se definen en forma currificada, salvo que explícitamente se diga que los argumentos tienen que ser tuplas.

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos
2. Tipos básicos
3. Tipos compuestos
4. Parcialización
5. Polimorfismo y sobrecarga
  - Tipos polimórficos
  - Tipos sobrecargados
6. Clases básicas

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos

2. Tipos básicos

3. Tipos compuestos

4. Parcialización

5. Polimorfismo y sobrecarga

Tipos polimórficos

Tipos sobrecargados

6. Clases básicas

## Tipos polimórficos

- ▶ Un tipo es **polimórfico** (“tiene muchas formas”) si contiene una variable de tipo.
- ▶ Una función es **polimórfica** si su tipo es polimórfico.
- ▶ La función `length` es polimórfica:
  - ▶ Comprobación:

```
| Prelude> :type length  
| length :: [a] -> Int
```

- ▶ Significa que para cualquier tipo `a`, `length` toma una lista de elementos de tipo `a` y devuelve un entero.
- ▶ `a` es una variable de tipos.
- ▶ Las variables de tipos tienen que empezar por minúscula.
- ▶ Ejemplos:

```
| length [1, 4, 7, 1]           ~> 4  
| length ["Lunes", "Martes", "Jueves"] ~> 3  
| length [reverse, tail]      ~> 2
```

## Ejemplos de funciones polimórficas

▶ `fst :: (a, b) -> a`

| `fst (1, 'x')`             $\rightsquigarrow$  1

| `fst (True, "Hoy")`    $\rightsquigarrow$  True

▶ `head :: [a] -> a`

| `head [2,1,4]`         $\rightsquigarrow$  2

| `head ['b', 'c']`      $\rightsquigarrow$  'b'

▶ `take :: Int -> [a] -> [a]`

| `take 3 [3,5,7,9,4]`             $\rightsquigarrow$  [3,5,7]

| `take 2 ['l', 'o', 'l', 'a']`    $\rightsquigarrow$  "lo"

| `take 2 "lola"`                  $\rightsquigarrow$  "lo"

▶ `zip :: [a] -> [b] -> [(a, b)]`

| `zip [3,5] "lo"`      $\rightsquigarrow$  [(3, 'l'), (5, 'o')]

▶ `id :: a -> a`

| `id 3`         $\rightsquigarrow$  3

| `id 'x'`       $\rightsquigarrow$  'x'

# Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos

2. Tipos básicos

3. Tipos compuestos

4. Parcialización

5. Polimorfismo y sobrecarga

Tipos polimórficos

Tipos sobrecargados

6. Clases básicas



## Tipos sobrecargados

- ▶ Un tipo está **sobrecargado** si contiene una restricción de clases.
- ▶ Una función está **sobrecargada** si su tipo está sobrecargado.
- ▶ La función `sum` está sobrecargada:

- ▶ Comprobación:

```
Prelude> :type sum  
sum :: (Num a) => [a] -> a
```

- ▶ Significa que para cualquier tipo numérico `a`, `sum` toma una lista de elementos de tipo `a` y devuelve un valor de tipo `a`.
- ▶ `Num a` es una restricción de clases.
- ▶ Las restricciones de clases son expresiones de la forma `C a`, donde `C` es el nombre de una clase y `a` es una variable de tipo.
- ▶ Ejemplos:

```
sum [2, 3, 5]           ~> 10  
sum [2.1, 3.23, 5.345] ~> 10.675
```

## Ejemplos de tipos sobrecargados

▶ Ejemplos de funciones sobrecargadas:

- ▶ `(-)` :: (Num a) => a -> a -> a
- ▶ `(*)` :: (Num a) => a -> a -> a
- ▶ `negate` :: (Num a) => a -> a
- ▶ `abs` :: (Num a) => a -> a
- ▶ `signum` :: (Num a) => a -> a

▶ Ejemplos de números sobrecargados:

- ▶ `5` :: (Num t) => t
- ▶ `5.2` :: (Fractional t) => t

## Tema 3: Tipos y clases

1. Conceptos básicos sobre tipos
2. Tipos básicos
3. Tipos compuestos
4. Parcialización
5. Polimorfismo y sobrecarga
6. Clases básicas

## Clases básicas

- ▶ Una **clase** es una colección de tipos junto con ciertas operaciones sobrecargadas llamadas **métodos**.
- ▶ Clases básicas:

Eq	tipos comparables por igualdad
Ord	tipos ordenados
Show	tipos mostrables
Read	tipos legibles
Num	tipos numéricos
Integral	tipos enteros
Fractional	tipos fraccionarios

## La clase Eq (tipos comparables por igualdad)

- ▶ Eq contiene los tipos cuyos valores son comparables por igualdad.

- ▶ Métodos:

```
(==) :: a -> a -> Bool
```

```
(/=) :: a -> a -> Bool
```

- ▶ Instancias:

- ▶ Bool, Char, String, Int, Integer, Float y Double.
- ▶ tipos compuestos: listas y tuplas.

- ▶ Ejemplos:

```
False == True      ~> False
```

```
False /= True     ~> True
```

```
'a' == 'b'       ~> False
```

```
"aei" == "aei"   ~> True
```

```
[2,3] == [2,3,2] ~> False
```

```
('a',5) == ('a',5) ~> True
```

## La clase Ord (tipos ordenados)

- ▶ Ord es la subclase de Eq de tipos cuyos valores están ordenados.

- ▶ Métodos:

```
(<), (<=), (>), (>=) :: a -> a -> Bool
min, max           :: a -> a -> a
```

- ▶ Instancias:

- ▶ Bool, Char, String, Int, Integer, Float y Double.
- ▶ tipos compuestos: listas y tuplas.

- ▶ Ejemplos:

```
False < True           ~> True
min 'a' 'b'           ~> 'a'
"elegante" < "elefante" ~> False
[1,2,3] < [1,2]       ~> False
('a',2) < ('a',1)     ~> False
('a',2) < ('b',1)     ~> True
```

## La clase Show (tipos mostrables)

- ▶ Show contiene los tipos cuyos valores se pueden convertir en cadenas de caracteres.

- ▶ Método:

```
show :: a -> String
```

- ▶ Instancias:

- ▶ Bool, Char, String, Int, Integer, Float y Double.
- ▶ tipos compuestos: listas y tuplas.

- ▶ Ejemplos:

```
show False      ~> "False"  
show 'a'        ~> "'a'"  
show 123        ~> "123"  
show [1,2,3]    ~> "[1,2,3]"  
show ('a',True) ~> "('a',True)"
```

## La clase Read (tipos legibles)

- ▶ Read contiene los tipos cuyos valores se pueden obtener a partir de cadenas de caracteres.

- ▶ Método:

```
| read :: String -> a
```

- ▶ Instancias:

- ▶ Bool, Char, String, Int, Integer, Float y Double.
- ▶ tipos compuestos: listas y tuplas.

- ▶ Ejemplos:

```
| read "False" :: Bool           ~> False
| read "'a'" :: Char            ~> 'a'
| read "123" :: Int             ~> 123
| read "[1,2,3]" :: [Int]       ~> [1,2,3]
| read "('a',True)" :: (Char,Bool) ~> ('a',True)
```



## La clase Num (tipos numéricos)

- ▶ Num es la subclase de Eq y Ord de tipos cuyos valores son números

- ▶ Métodos:

```
(+), (*), (-)      :: a -> a -> a
negate, abs, signum :: a -> a
```

- ▶ Instancias: Int, Integer, Float y Double.

- ▶ Ejemplos:

```
2+3           ~> 5
2.3+4.2       ~> 6.5
negate 2.7    ~> -2.7
abs (-5)      ~> 5
signum (-5)   ~> -1
```

## La clase `Integral` (tipos enteros)

- ▶ `Integral` es la subclase de `Num` cuyo tipos tienen valores enteros.

- ▶ Métodos:

```
| div :: a -> a -> a  
| mod :: a -> a -> a
```

- ▶ Instancias: `Int` e `Integer`.

- ▶ Ejemplos:

```
| 11 'div' 4 ~> 2  
| 11 'mod' 4 ~> 3
```

## La clase Fractional (tipos fraccionarios)

- ▶ Fractional es la subclase de Num cuyo tipos tienen valores no son enteros.

- ▶ Métodos:

```
(/)    :: a -> a -> a  
recip :: a -> a
```

- ▶ Instancias: Float y Double.

- ▶ Ejemplos:

```
7.0 / 2.0  ~> 3.5  
recip 0.2  ~> 5.0
```

## Bibliografía

1. R. Bird. *Introducción a la programación funcional con Haskell*. Prentice Hall, 2000.
  - ▶ Cap. 2: Tipos de datos simples.
2. G. Hutton *Programming in Haskell*. Cambridge University Press, 2007.
  - ▶ Cap. 3: Types and classes.
3. B. O'Sullivan, D. Stewart y J. Goerzen *Real World Haskell*. O'Reilly, 2008.
  - ▶ Cap. 2: Types and Functions.
4. B.C. Ruiz, F. Gutiérrez, P. Guerrero y J.E. Gallardo. *Razonando con Haskell*. Thompson, 2004.
  - ▶ Cap. 2: Introducción a Haskell.
  - ▶ Cap. 5: El sistema de clases de Haskell.
5. S. Thompson. *Haskell: The Craft of Functional Programming*, Second Edition. Addison-Wesley, 1999.
  - ▶ Cap. 3: Basic types and definitions.