

# Tema 18: El TAD de las tablas

## Informática (2017–18)

José A. Alonso Jiménez

Grupo de Lógica Computacional  
Departamento de Ciencias de la Computación e I.A.  
Universidad de Sevilla

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
  - La clase de los índices de las tablas
  - El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
  - Signatura del TAD de las tablas
  - Propiedades del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
  - Las tablas como funciones
  - Las tablas como listas de asociación
  - Las tablas como matrices
4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck
  - Librerías auxiliares
  - Generador de tablas
  - Especificación de las propiedades de las tablas
  - Comprobación de las propiedades

## Tema 18: El TAD de las tablas

### 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

La clase de los índices de las tablas

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

### 2. Especificación del TAD de las tablas

### 3. Implementaciones del TAD de las tablas

### 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

## La clase de los índices de las tablas

- ▶ La clase de los índices de las tablas es `Ix`.
- ▶ `Ix` se encuentra en la librería `Data.Ix`
- ▶ Información de la clase `Ix`:

```
ghci> :info Ix
class (Ord a) => Ix a where
  range :: (a, a) -> [a]
  index :: (a, a) -> a -> Int
  inRange :: (a, a) -> a -> Bool
  rangeSize :: (a, a) -> Int
instance Ix Ordering -- Defined in GHC.Array
instance Ix Integer -- Defined in GHC.Array
instance Ix Int -- Defined in GHC.Array
instance Ix Char -- Defined in GHC.Array
instance Ix Bool -- Defined in GHC.Array
instance (Ix a, Ix b) => Ix (a, b)
```

## La clase de los índices de las tablas

- ▶ `range (m,n)` es la lista de los índices desde `m` hasta `n`, en el orden del índice. Por ejemplo,

<code>range (0,4)</code>	$\rightsquigarrow$	<code>[0,1,2,3,4]</code>
<code>range (3,9)</code>	$\rightsquigarrow$	<code>[3,4,5,6,7,8,9]</code>
<code>range ('b','f')</code>	$\rightsquigarrow$	<code>"bcdef"</code>
<code>range ((0,0),(1,2))</code>	$\rightsquigarrow$	<code>[(0,0),(0,1),(0,2), (1,0),(1,1),(1,2)]</code>

- ▶ `index (m,n) i` es el ordinal del índice `i` dentro del rango `(m,n)`. Por ejemplo,

<code>index (3,9) 5</code>	$\rightsquigarrow$	<code>2</code>
<code>index ('b','f') 'e'</code>	$\rightsquigarrow$	<code>3</code>
<code>index ((0,0),(1,2)) (1,1)</code>	$\rightsquigarrow$	<code>4</code>

## La clase de los índices de las tablas

- ▶ (`inRange (m,n) i`) se verifica si el índice `i` está dentro del rango limitado por `m` y `n`. Por ejemplo,

```
inRange (0,4) 3           ~> True
inRange (0,4) 7           ~> False
inRange ((0,0), (1,2)) (1,1) ~> True
inRange ((0,0), (1,2)) (1,5) ~> False
```

- ▶ (`rangeSize (m,n)`) es el número de elementos en el rango limitado por `m` y `n`. Por ejemplo,

```
rangeSize (3,9)           ~> 7
rangeSize ('b', 'f')      ~> 5
rangeSize ((0,0), (1,2)) ~> 6
```

- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
  - └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## Tema 18: El TAD de las tablas

### 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

La clase de los índices de las tablas

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

### 2. Especificación del TAD de las tablas

### 3. Implementaciones del TAD de las tablas

### 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
  - └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

- ▶ La librería de las tablas es `Data.Array`.
- ▶ Para usar las tablas hay que escribir al principio del fichero

---

```
import Data.Array
```

---

- ▶ Al importar `Data.Array` también se importa `Data.Ix`.
- ▶ `(Array i v)` es el tipo de las tablas con índice en `i` y valores en `v`.



- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## Creación de tablas

- ▶ `(array (m,n) ivs)` es la tabla de índices en el rango limitado por `m` y `n` definida por la lista de asociación `ivs` (cuyos elementos son pares de la forma (índice, valor)). Por ejemplo,

```
ghci> array (1,3) [(3,6),(1,2),(2,4)]
array (1,3) [(1,2),(2,4),(3,6)]
ghci> array (1,3) [(i,2*i) | i <- [1..3]]
array (1,3) [(1,2),(2,4),(3,6)]
```

## Ejemplos de definiciones de tablas

- (cuadrados n) es un vector de  $n+1$  elementos tal que su elemento  $i$ -ésimo es  $i^2$ . Por ejemplo,

```
ghci> cuadrados 5
array (0,5) [(0,0),(1,1),(2,4),(3,9),(4,16),(5,25)]
```

---

```
cuadrados :: Int -> Array Int Int
cuadrados n = array (0,n) [(i,i^2) | i <- [0..n]]
```

---

- v es un vector con 4 elementos de tipo carácter. Por ejemplo,

---

```
v :: Array Integer Char
v = array (1,4) [(3,'c'),(2,'a'), (1,'f'), (4,'e')]
```

---

## Ejemplos de definiciones de tablas

- $m$  es la matriz con 2 filas y 3 columnas tal que el elemento de la posición  $(i,j)$  es el producto de  $i$  por  $j$ .

---

```
m :: Array (Int, Int) Int
```

```
m = array ((1,1),(2,3)) [((i,j),i*j) | i<-[1..2],j<-[1..3]]
```

---

- Una tabla está indefinida si algún índice está fuera de rango.

```
ghci> array (1,4) [(i , i*i) | i <- [1..4]]
```

```
array (1,4) [(1,1),(2,4),(3,9),(4,16)]
```

```
ghci> array (1,4) [(i , i*i) | i <- [1..5]]
```

```
array *** Exception: Error in array index
```

```
ghci> array (1,4) [(i , i*i) | i <- [1..3]]
```

```
array (1,4) [(1,1),(2,4),(3,9),(4,**
```

```
Exception: (Array.!): undefined array element
```

- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
  - └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## Descomposición de tablas

- ▶ `(t ! i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
ghci> v
array (1,4) [(1,'f'),(2,'a'),(3,'c'),(4,'e')]
ghci> v!3
'c'
ghci> m
array ((1,1),(2,3)) [((1,1),1),((1,2),2),((1,3),3),
                    ((2,1),2),((2,2),4),((2,3),6)]
ghci> m!(2,3)
6
```

- ▶ `(bounds t)` es el rango de la tabla `t`. Por ejemplo,

```
bounds m ~> ((1,1),(2,3))
```

- ▶ `(indices t)` es la lista de los índices de la tabla `t`. Por ejemplo,

```
indices m ~> [(1,1),(1,2),(1,3),(2,1),(2,2),(2,3)]
```

- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
  - └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## Descomposición de tablas

- ▶ `(elems t)` es la lista de los elementos de la tabla `t`. Por ejemplo,

```
| elems m  ~>  [1,2,3,2,4,6]
```

- ▶ `(assocs t)` es la lista de asociaciones de la tabla `t`. Por ejemplo,

```
| ghci> assocs m  
| [((1,1),1),((1,2),2),((1,3),3),  
|   ((2,1),2),((2,2),4),((2,3),6)]
```

- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## Modificación de tablas

- ▶ `(t // ivs)` es la tabla `t` asignándole a los índices de la lista de asociación `ivs` sus correspondientes valores. Por ejemplo,

```
ghci> m // [((1,1),4), ((2,2),8)]
array ((1,1),(2,3))
      [((1,1),4), ((1,2),2), ((1,3),3),
       ((2,1),2), ((2,2),8), ((2,3),6)]
ghci> m
array ((1,1),(2,3))
      [((1,1),1), ((1,2),2), ((1,3),3),
       ((2,1),2), ((2,2),4), ((2,3),6)]
```

## Definición de tabla por recursión

- ▶ `(fibs n)` es el vector formado por los  $n$  primeros términos de la sucesión de Fibonacci. Por ejemplo,

```
ghci> fibs 7
array (0,7) [(0,1),(1,1),(2,2),(3,3),
             (4,5),(5,8),(6,13),(7,21)]
```

---

```
fibs :: Int -> Array Int Int
```

```
fibs n = a where
```

```
    a = array (0,n)
```

```
          [(0,1),(1,1)] ++
```

```
          [(i,a!(i-1)+a!(i-2)) | i <- [2..n]])
```

---

## Otras funciones de creación de tablas

- ▶ `(listArray (m,n) vs)` es la tabla cuyo rango es  $(m,n)$  y cuya lista de valores es `vs`. Por ejemplo,

```
ghci> listArray (2,5) "Roma"  
array (2,5) [(2,'R'),(3,'o'),(4,'m'),(5,'a')]  
ghci> listArray ((1,2),(2,4)) [5..12]  
array ((1,2),(2,4)) [((1,2),5),((1,3),6),((1,4),7),  
                    ((2,2),8),((2,3),9),((2,4),10)]
```



- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
  - └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## Construcción acumulativa de tablas

- ▶ `(accumArray f v (m,n) ivs)` es la tabla de rango  $(m,n)$  tal que el valor del índice  $i$  se obtiene acumulando la aplicación de la función  $f$  al valor inicial  $v$  y a los valores de la lista de asociación  $ivs$  cuyo índice es  $i$ . Por ejemplo,

```
ghci> accumArray (+) 0 (1,3) [(1,4),(2,5),(1,2)]
array (1,3) [(1,6),(2,5),(3,0)]
ghci> accumArray (*) 1 (1,3) [(1,4),(2,5),(1,2)]
array (1,3) [(1,8),(2,5),(3,1)]
```

- └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
  - └ El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

## Construcción acumulativa de tablas

- ▶ `(histograma r is)` es el vector formado contando cuantas veces aparecen los elementos del rango `r` en la lista de índices `is`.  
Por ejemplo,

```
ghci> histograma (0,5) [3,1,4,1,5,4,2,7]
array (0,5) [(0,0),(1,2),(2,1),(3,1),(4,2),(5,1)]
```

---

```
histograma :: (Ix a, Num b) => (a,a) -> [a] -> Array a b
histograma r is =
  accumArray (+) 0 r [(i,1) | i <- is, inRange r i]
```

---

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
  - Signatura del TAD de las tablas
  - Propiedades del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

## Signatura del TAD de las tablas

► Signatura:

```
tabla      :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
valor      :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
modifica   :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
```

► Descripción de las operaciones:

- `(tabla ivs)` es la tabla correspondiente a la lista de asociación `ivs` (que es una lista de pares formados por los índices y los valores).
- `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`.
- `(modifica (i,v) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `v`.

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
  - Signatura del TAD de las tablas
  - Propiedades del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

## Propiedades del TAD de las tablas

1.  $\text{modifica}(i, v') (\text{modifica}(i, v) t)$   
=  $\text{modifica}(i, v') t$
2. Si  $i \neq i'$ , entonces  
 $\text{modifica}(i', v') (\text{modifica}(i, v) t)$   
=  $\text{modifica}(i, v) (\text{modifica}(i', v') t)$
3.  $\text{valor}(\text{modifica}(i, v) t) i = v$
4. Si  $i \neq i'$ , entonces  
 $\text{valor}(\text{modifica}(i, v) (\text{modifica}(k', v') t)) i'$   
=  $\text{valor}(\text{modifica}(k', v') t) i'$

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
  - Las tablas como funciones
  - Las tablas como listas de asociación
  - Las tablas como matrices
4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

## Las tablas como funciones

- ▶ Cabecera del módulo:

---

```
module TablaConFunciones
  (Tabla,
   tabla,    -- Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
   valor,    -- Eq i => Tabla i v -> i -> v
   modifica  -- Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
  ) where
```

---

- ▶ Las tablas como funciones.

---

```
newtype Tabla i v = Tbl (i -> v)
```

---



## Las tablas como funciones

- ▶ Procedimiento de escritura.

---

```
instance Show (Tabla i v) where
  showsPrec _ _ cad = showString "<<Una tabla>>" cad
```

---

- ▶ Ejemplos de tablas:

---

```
t1 = tabla [(i,f i) | i <- [1..6] ]
  where f x | x < 3      = x
           | otherwise = 3-x
```

```
t2 = tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]
```

---

## Las tablas como funciones

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~>  -3
valor t2 2  ~>  67
valor t2 5  ~>  *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl f) i = f i
```

---

- ▶ `(modifica (i,v) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `v`. Por ejemplo,

```
valor (modifica (6,9) t1) 6  ~>  9
```

---

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica (i,v) (Tbl f) = Tbl g
  where g j | j == i    = v
           | otherwise = f j
```

## Las tablas como funciones

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~>  -3
valor t2 2  ~>  67
valor t2 5  ~>  *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
```

```
valor (Tbl f) i = f i
```

---

- ▶ `(modifica (i,v) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `v`. Por ejemplo,

```
valor (modifica (6,9) t1) 6  ~>  9
```

---

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
```

```
modifica (i,v) (Tbl f) = Tbl g
```

```
    where g j | j == i    = v
```

```
           | otherwise = f j
```

## Las tablas como funciones

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~>  -3
valor t2 2  ~>  67
valor t2 5  ~>  *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
```

```
valor (Tbl f) i = f i
```

---

- ▶ `(modifica (i,v) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `v`. Por ejemplo,

```
valor (modifica (6,9) t1) 6  ~>  9
```

---

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
```

```
modifica (i,v) (Tbl f) = Tbl g
```

```
    where g j | j == i    = v
```

```
            | otherwise = f j
```

## Las tablas como funciones

- ▶ (`tabla ivs`) es la tabla correspondiente a la lista de asociación `ivs` (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
| ghci> tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]  
| <<Una tabla>>
```

---

```
tabla :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v  
tabla ivs =  
    foldr modifica  
        (Tbl (\_ -> error "fuera de rango"))  
        ivs
```

---

## Las tablas como funciones

- ▶ `(tabla ivs)` es la tabla correspondiente a la lista de asociación `ivs` (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
| ghci> tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]  
| <<Una tabla>>
```

---

```
tabla :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
```

```
tabla ivs =
```

```
    foldr modifica
```

```
        (Tbl (\_ -> error "fuera de rango"))
```

```
        ivs
```

---

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
  - Las tablas como funciones
  - Las tablas como listas de asociación**
  - Las tablas como matrices
4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

## Las tablas como listas de asociación

- ▶ Cabecera del módulo

---

```
module TablaConListasDeAsociacion
  (Tabla,
   tabla,    -- Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
   valor,    -- Eq i => Tabla i v -> i -> v
   modifica -- Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
  ) where
```

---

- ▶ Las tablas como listas de asociación.

---

```
newtype Tabla i v = Tbl [(i,v)]
  deriving Show
```

---



## Las tablas como listas de asociación

- ▶ Ejemplos de tablas

- ▶ Definición:

---

```
t1 = tabla [(i,f i) | i <- [1..6] ]
          where f x | x < 3      = x
                  | otherwise = 3-x
```

```
t2 = tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]
```

---

- ▶ Evaluación:

```
ghci> t1
Tbl [(1,1), (2,2), (3,0), (4,-1), (5,-2), (6,-3)]
```

```
ghci> t2
Tbl [(4,89), (1,90), (2,67)]
```

## Las tablas como listas de asociación

- ▶ `(tabla ivs)` es la tabla correspondiente a la lista de asociación `ivs` (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
| ghci> tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]  
| Tbl [(4,89), (1,90), (2,67)]
```

---

```
tabla :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v  
tabla ivs = Tbl ivs
```

---

## Las tablas como listas de asociación

- ▶ (`tabla ivs`) es la tabla correspondiente a la lista de asociación `ivs` (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
| ghci> tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]  
| Tbl [(4,89), (1,90), (2,67)]
```

---

```
tabla :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v  
tabla ivs = Tbl ivs
```

---

## Las tablas como listas de asociación

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~> -3
valor t2 2  ~> 67
valor t2 5  ~> *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl []) i = error "fuera de rango"
valor (Tbl ((j,v):r)) i
  | i == j      = v
  | otherwise  = valor (Tbl r) i
```

---

## Las tablas como listas de asociación

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~> -3
valor t2 2  ~> 67
valor t2 5  ~> *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl []) i = error "fuera de rango"
valor (Tbl ((j,v):r)) i
  | i == j      = v
  | otherwise  = valor (Tbl r) i
```

---

## Las tablas como listas de asociación

- `(modifica (i,x) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `x`. Por ejemplo,

```
valor t1 6                ~> -3
valor (modifica (6,9) t1) 6 ~> 9
```

---

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica p (Tbl []) = (Tbl [p])
modifica p@(i,_) (Tbl (p@(j,_) : r))
  | i == j      = Tbl (p':r)
  | otherwise   = Tbl (p:r')
  where Tbl r' = modifica p' (Tbl r)
```

---

## Las tablas como listas de asociación

- `(modifica (i,x) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `x`. Por ejemplo,

```
valor t1 6                               ~> -3
valor (modifica (6,9) t1) 6              ~> 9
```

---

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica p (Tbl []) = (Tbl [p])
modifica p@(i,_) (Tbl (p@(j,_) : r))
  | i == j      = Tbl (p':r)
  | otherwise   = Tbl (p:r')
  where Tbl r' = modifica p' (Tbl r)
```

---

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
  - Las tablas como funciones
  - Las tablas como listas de asociación
  - Las tablas como matrices**
4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck



## Las tablas como matrices

- ▶ Cabecera del módulo:

---

```
module TablaConMatrices
  (Tabla,
   tabla,      -- Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
   valor,     -- Eq i => Tabla i v -> i -> v
   modifica,  -- Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
   tieneValor -- Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
  ) where
```

---

- ▶ Importación de la librería auxiliar:

---

```
import Data.Array
```

---

- ▶ Las tablas como matrices.

---

```
newtype Tabla i v = Tbl (Array i v) deriving (Show, Eq)
```

## Las tablas como matrices

- ▶ Ejemplos de tablas:
  - ▶ Definición:

---

```
t1 = tabla [(i,f i) | i <- [1..6] ]  
      where f x | x < 3      = x  
              | otherwise = 3-x
```

```
t2 = tabla [(1,5),(2,4),(3,7)]
```

---

- ▶ Evaluación:

```
ghci> t1  
Tbl (array (1,6) [(1,1),(2,2),(3,0),  
                 (4,-1),(5,-2),(6,-3)])
```

```
ghci> t2  
Tbl (array (1,3) [(1,5),(2,4),(3,7)])
```

## Las tablas como matrices

- (`tabla ivs`) es la tabla correspondiente a la lista de asociación `ivs` (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
| ghci> tabla [(1,5),(3,7),(2,4)]  
| Tbl (array (1,3) [(1,5),(2,4),(3,7)])
```

---

```
tabla :: Ix i => [(i,v)] -> Tabla i v  
tabla ivs = Tbl (array (m,n) ivs)  
    where indices = [i | (i,_) <- ivs]  
          m       = minimum indices  
          n       = maximum indices
```

---

## Las tablas como matrices

- (`tabla ivs`) es la tabla correspondiente a la lista de asociación `ivs` (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
ghci> tabla [(1,5),(3,7),(2,4)]
Tbl (array (1,3) [(1,5),(2,4),(3,7)])
```

---

```
tabla :: Ix i => [(i,v)] -> Tabla i v
tabla ivs = Tbl (array (m,n) ivs)
  where indices = [i | (i,_) <- ivs]
        m       = minimum indices
        n       = maximum indices
```

---

## Las tablas como matrices

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~>  -3
valor t2 2  ~>  67
valor t2 5  ~>  *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Ix i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl t) i = t ! i
```

---

- ▶ `(modifica (i,x) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `x`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~>  -3
valor (modifica (6,9) t1) 6  ~>  9
```

---

```
modifica :: Ix i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica p (Tbl t) = Tbl (t // [p])
```

---

## Las tablas como matrices

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~>  -3
valor t2 2  ~>  67
valor t2 5  ~>  *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Ix i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl t) i = t ! i
```

---

- ▶ `(modifica (i,x) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `x`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~>  -3
valor (modifica (6,9) t1) 6  ~>  9
```

---

```
modifica :: Ix i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica p (Tbl t) = Tbl (t // [p])
```

---

## Las tablas como matrices

- ▶ `(valor t i)` es el valor del índice `i` en la tabla `t`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~> -3
valor t2 2  ~> 67
valor t2 5  ~> *** Exception: fuera de rango
```

---

```
valor :: Ix i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl t) i = t ! i
```

---

- ▶ `(modifica (i,x) t)` es la tabla obtenida modificando en la tabla `t` el valor de `i` por `x`. Por ejemplo,

```
valor t1 6  ~> -3
valor (modifica (6,9) t1) 6  ~> 9
```

---

```
modifica :: Ix i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica p (Tbl t) = Tbl (t // [p])
```

---

## Las tablas como matrices

- `(cotas t)` son las cotas de la tabla `t`. Por ejemplo,

```
t2           ~> Tbl (array (1,3) [(1,5), (2,4), (3,7)])
cotas t2     ~> (1,3)
```

---

```
cotas :: Ix i => Tabla i v -> (i,i)
cotas (Tbl t) = bounds t
```

---

- `(tieneValor t x)` se verifica si `x` es una clave de la tabla `t`.  
Por ejemplo,

```
tieneValor t2 3 ~> True
tieneValor t2 4 ~> False
```

---

```
tieneValor :: Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
tieneValor t = inRange (cotas t)
```

---



## Las tablas como matrices

- `(cotas t)` son las cotas de la tabla `t`. Por ejemplo,

```
t2           ~> Tbl (array (1,3) [(1,5), (2,4), (3,7)])
cotas t2     ~> (1,3)
```

---

```
cotas :: Ix i => Tabla i v -> (i,i)
cotas (Tbl t) = bounds t
```

---

- `(tieneValor t x)` se verifica si `x` es una clave de la tabla `t`.

Por ejemplo,

```
tieneValor t2 3 ~> True
tieneValor t2 4 ~> False
```

---

```
tieneValor :: Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
tieneValor t = inRange (cotas t)
```

---

## Las tablas como matrices

- `(cotas t)` son las cotas de la tabla `t`. Por ejemplo,

```
t2           ~> Tbl (array (1,3) [(1,5), (2,4), (3,7)])
cotas t2     ~> (1,3)
```

---

```
cotas :: Ix i => Tabla i v -> (i,i)
cotas (Tbl t) = bounds t
```

---

- `(tieneValor t x)` se verifica si `x` es una clave de la tabla `t`.

Por ejemplo,

```
tieneValor t2 3 ~> True
tieneValor t2 4 ~> False
```

---

```
tieneValor :: Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
tieneValor t = inRange (cotas t)
```

---

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck
  - Librerías auxiliares
  - Generador de tablas
  - Especificación de las propiedades de las tablas
  - Comprobación de las propiedades

## Comprobación de las propiedades de las tablas

- ▶ Importación de la implementación de las tablas que se desea verificar.

---

```
import TablaConListasDeAsociacion
```

---

- ▶ Importación de las librerías de comprobación.

---

```
import Test.QuickCheck
import Test.Framework
import Test.Framework.Providers.QuickCheck2
```

---

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
4. **Comprobación de las implementaciones con QuickCheck**
  - Librerías auxiliares
  - Generador de tablas**
  - Especificación de las propiedades de las tablas
  - Comprobación de las propiedades

## Generador de tablas

- ▶ `genTabla` es un generador de tablas. Por ejemplo,

```
ghci> sample genTabla
Tbl [(1,0)]
Tbl [(1,-1)]
Tbl [(1,0), (2,-1), (3,1), (4,1), (5,0)]
```

---

```
genTabla :: Gen (Tabla Int Int)
```

```
genTabla =
```

```
  do x <- arbitrary
```

```
     xs <- listOf arbitrary
```

```
     return (tabla (zip [1..] (x:xs)))
```

```
instance Arbitrary (Tabla Int Int) where
```

```
  arbitrary = genTabla
```

---

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
4. **Comprobación de las implementaciones con QuickCheck**
  - Librerías auxiliares
  - Generador de tablas
  - Especificación de las propiedades de las tablas**
  - Comprobación de las propiedades

## Especificación de las propiedades de las tablas

- ▶ Al modificar una tabla dos veces con la misma clave se obtiene el mismo resultado que modificarla una vez con el último valor.

---

```
prop_modifica_modifica_1 :: Int -> Int -> Int
                           -> Tabla Int Int -> Bool
prop_modifica_modifica_1 i v v' t =
    modifica (i,v') (modifica (i,v) t)
    == modifica (i,v') t
```

---



## Especificación de las propiedades de las tablas

- ▶ Al modificar una tabla dos veces con la misma clave se obtiene el mismo resultado que modificarla una vez con el último valor.

---

```
prop_modifica_modifica_1 :: Int -> Int -> Int
                           -> Tabla Int Int -> Bool
prop_modifica_modifica_1 i v v' t =
  modifica (i,v') (modifica (i,v) t)
  == modifica (i,v') t
```

---

## Especificación de las propiedades de las tablas

- ▶ Al modificar una tabla con dos pares con claves distintas no importa el orden en que se añadan los pares.

---

```
prop_modifica_modifica_2 :: Int -> Int -> Int -> Int
                           -> Tabla Int Int -> Property
prop_modifica_modifica_2 i i' v v' t =
  i /= i' ==>
  modifica (i',v') (modifica (i,v) t)
  == modifica (i,v) (modifica (i',v') t)
```

---

## Especificación de las propiedades de las tablas

- ▶ Al modificar una tabla con dos pares con claves distintas no importa el orden en que se añadan los pares.

---

```
prop_modifica_modifica_2 :: Int -> Int -> Int -> Int
                           -> Tabla Int Int -> Property
prop_modifica_modifica_2 i i' v v' t =
  i /= i' ==>
  modifica (i',v') (modifica (i,v) t)
  == modifica (i,v) (modifica (i',v') t)
```

---

## Especificación de las propiedades de las tablas

- El valor de la clave  $i$  en la tabla obtenida añadiéndole el par  $(i,v)$  a la tabla  $t$  es  $v$ .

---

```
prop_valor_modifica_1 :: Int -> Int
                        -> Tabla Int Int -> Bool
prop_valor_modifica_1 i v t =
    valor (modifica (i,v) t) i == v
```

---

## Especificación de las propiedades de las tablas

- El valor de la clave  $i$  en la tabla obtenida añadiéndole el par  $(i,v)$  a la tabla  $t$  es  $v$ .

---

```
prop_valor_modifica_1 :: Int -> Int
                        -> Tabla Int Int -> Bool
prop_valor_modifica_1 i v t =
    valor (modifica (i,v) t) i == v
```

---

## Especificación de las propiedades de las tablas

- ▶ Sean  $i$  e  $j$  dos claves distintas. El valor de la clave  $j$  en la tabla obtenida añadiéndole el par  $(i, v)$  a la tabla  $t'$  (que contiene la clave  $j$ ) es el valor de  $j$  en  $t'$ .

---

```
prop_valor_modifica_2 :: Int -> Int -> Int -> Int
                        -> Tabla Int Int -> Property
prop_valor_modifica_2 i v j v' t =
  i /= j ==>
  valor (modifica (i,v) t') j == valor t' j
  where t' = modifica (j,v') t
```

---

## Especificación de las propiedades de las tablas

- ▶ Sean  $i$  e  $j$  dos claves distintas. El valor de la clave  $j$  en la tabla obtenida añadiéndole el par  $(i, v)$  a la tabla  $t'$  (que contiene la clave  $j$ ) es el valor de  $j$  en  $t'$ .

---

```
prop_valor_modifica_2 :: Int -> Int -> Int -> Int
                        -> Tabla Int Int -> Property
prop_valor_modifica_2 i v j v' t =
  i /= j ==>
  valor (modifica (i,v) t') j == valor t' j
  where t' = modifica (j,v') t
```

---

## Tema 18: El TAD de las tablas

1. El tipo predefinido de las tablas (“arrays”)
2. Especificación del TAD de las tablas
3. Implementaciones del TAD de las tablas
4. **Comprobación de las implementaciones con QuickCheck**
  - Librerías auxiliares
  - Generador de tablas
  - Especificación de las propiedades de las tablas
  - Comprobación de las propiedades**



## Definición del procedimiento de comprobación

- ▶ `compruebaPropiedades` comprueba todas las propiedades con la plataforma de verificación. Por ejemplo,

---

```
compruebaPropiedades =  
  defaultMain  
    [testGroup "Propiedades del TAD tabla"  
      [testProperty "P1" prop_modifica_modifica_1,  
        testProperty "P2" prop_modifica_modifica_2,  
        testProperty "P3" prop_valor_modifica_1,  
        testProperty "P4" prop_valor_modifica_2]]
```

---

## Comprobación de las propiedades de las tablas

Propiedades del TAD tabla:

P1: [OK, passed 100 tests]

P2: [OK, passed 100 tests]

P3: [OK, passed 100 tests]

P4: [OK, passed 100 tests]

	Properties	Total
Passed	4	4
Failed	0	0
Total	4	4