

Apellidos:

Nombre:

Notas

1. En la evaluación de los ejercicios se tendrá en cuenta la corrección, simplicidad y eficiencia de la respuesta.
2. Hay que describir las definiciones auxiliares (menos las del sistema).

**Ejercicio 1** [2.5 puntos] Se considera una base de conocimiento con propiedades de personas expresadas mediante relaciones binarias con el primer argumento el nombre de la persona y el segundo su valor. Por ejemplo,

```
altura (juan , 1.70).
altura (eva , 1.80).
altura (pepe , 1.60).
peso (eva , 82).
peso (juan , 73).
peso (pepe , 82).
```

1. Definir la relación `valor_medio(+P,-N)` que se verifique si `N` es el valor medio de la propiedad `P`. Por ejemplo, con la base de conocimiento anterior,
 

```
?- valor_medio ( altura , L).
L = 1.7
?- valor_medio ( peso , L).
L = 79
```
2. Definir la relación `máximo(+P,-N)` que se verifique si `N` es el máximo valor de la propiedad `P`. Por ejemplo, con la base de conocimiento anterior,
 

```
?- máximo ( altura , N).
N = 1.8
?- máximo ( peso , N).
N = 82
```

[Nota: La definición debe de ser aplicable a cualquier base de conocimiento del tipo del ejemplo].

**Solución: Solución del apartado 1:**

```
valor_medio (P,N) :-
    findall (X, apply (P, [ -, X] ) , L) ,
    suma_lista (L,S) ,
    length (L,M) ,
    N is S/M.
```

donde `suma_lista(+L,-N)` se verifica si `N` es la suma de los elementos de la lista numérica `L`.

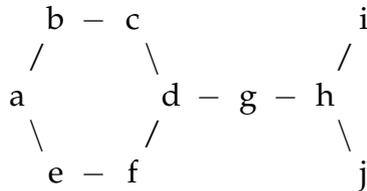
```
suma_lista ([ ] , 0).
suma_lista ([X|L] , N) :-
    suma_lista (L,M) ,
    N is X+M.
```

## Solución del apartado 2:

máximo(P,N) :-  
  **apply**(P,[\_,N]),  
  **not**((**apply**(P,[\_,M]), N<M)).

---

**Ejercicio 2** [2.5 puntos] Un grafo puede representarse mediante los pares de sus ejes. Por ejemplo, el grafo



puede representarse por [a-b,a-e,b-c,c-d,d-f,d-g,e-f,g-h,h-i,h,j].

Definir la relación **circulo**(+G,+N,+R,-L) que se verifique si L es la lista de los nodos del grafo G que se encuentra a una distancia del nodo N menor o igual que R. Por ejemplo,

?- **circulo**([a-b,a-e,b-c,c-d,d-f,d-g,e-f,g-h,h-i,h-j],g,0,L).  
L = [g]  
?- **circulo**([a-b,a-e,b-c,c-d,d-f,d-g,e-f,g-h,h-i,h-j],g,1,L).  
L = [d, g, h]  
?- **circulo**([a-b,a-e,b-c,c-d,d-f,d-g,e-f,g-h,h-i,h-j],g,2,L).  
L = [c, d, f, g, h, i, j]

.....

### Solución:

**circulo**(G,N,R,L) :-  
  **findall**(N1,((**nodos**(G,L),  
              **member**(N1,L),  
              **distancia**(G,N,N1,X),  
              X <= R)),  
          L).

Se han usado las siguientes funciones auxiliares:

- **nodos**(+G,-L) se verifica si L es la lista de los nodos del grafo G. Por ejemplo,  
  ?- **nodos**([a-b,a-e,b-c,c-d,d-f,d-g,e-f,g-h,h-i,h,j],L).  
  L = [a, b, c, d, e, f, g, h, i]

**nodos**(G,L) :-  
  **setof**(X,Y^adyacente(G,X,Y),L).

- **adyacente**(+G,?X,?Y) se verifica si X e Y son adyacentes en el grafo G. Por ejemplo,  
  ?- **adyacente**([a-b,a-e,b-c,c-d,d-f,d-g,e-f,g-h,h-i,h,j],g,Y).  
  Y = h ;  
  Y = d ;  
  No

**adyacente**(G,X,Y) :-  
  (**member**(X-Y,G) ; **member**(Y-X,G)).

- **distancia**(+G,+N1,+N2,-D) se verifica si D es la distancia del camino más corto del nodo N1 al N2 en el grafo G. Por ejemplo,  
  ?- **distancia**([a-b,a-e,b-c,c-d,d-f,d-g,e-f,g-h,h-i,h,j],g,f,D).  
  D = 2

```

distancia (G,N1,N2,D) :-
    camino(G,N1,N2,[_ | C]) ,
    length (C,D) ,
    not (( camino(G,N1,N2,[_ | C2]) , length (C2,D2) , D2<D)).

```

- camino(+G,+A,+Z,-C) se verifica si C es un camino en el grafo desde el nodo A al Z.  
 Por ejemplo,  
 ?- camino ([ a-b , a-e , b-c , c-d , d-f , d-g , e-f , g-h , h-i , h , j ] , g , f , C).  
 C = [ g , d , f ] ;  
 C = [ g , d , c , b , a , e , f ] ;  
 No

```

camino (G,A,Z,C) :-
    camino_aux (G,A,[Z] , C).

```

- camino\_aux(+G,+A,+CP,-C) se verifica si C es una camino en el grafo compuesto de un camino desde A hasta el primer elemento del camino parcial CP (con nodos distintos a los de CP) junto CP. Por ejemplo,  
 ?- camino\_aux ([ a-b , a-e , b-c , c-d , d-f , d-g , e-f , g-h , h-i , h , j ] , g , [ e , f ] , C).  
 C = [ g , d , c , b , a , e , f ] ;  
 No

```

camino_aux (_,A,[A|C1] , [A|C1]).
camino_aux (G,A,[Y|C1] , C) :-
    adyacente (G,X,Y) ,
    not (member (X,[Y|C1])) ,
    camino_aux (G,A,[X,Y|C1] , C).

```

**Ejercicio 3** [2 puntos] Supongamos que se definen las gramáticas mediante reglas de producción con el operador `--->` como, por ejemplo, la definida en `ejemplo_gramatica.pl`  
`:- op(1200,xfx,--->).`

```

oración      ---> sintagma_nominal , sintagma_verbal .
sintagma_nominal ---> nombre .
sintagma_nominal ---> artículo , nombre .
sintagma_verbal ---> verbo , sintagma_nominal .
artículo     ---> [ el ] .
nombre       ---> [ gato ] .
nombre       ---> [ perro ] .
nombre       ---> [ pescado ] .
nombre       ---> [ carne ] .
verbo        ---> [ come ] .

```

Definir la relación `deriva(+C,?LD)` que se verifica si la lista de diferencias `LD` es de la categoría gramatical `C`. Por ejemplo,

```

?- [ 'ejemplo_gramatica.pl' ] .
?- deriva (oración , [ el , gato , come , pescado ] - []).
Yes
?- findall (_O , deriva (oración , _O - [])) , length (_L , N).
N = 64
?- deriva (sintagma_nominal , SN - []).

```

SN = [gato] ;

SN = [perro]

Yes

.....

**Solución:**

deriva(X, E0-E1) :-

(X  $\longrightarrow$  Y),

deriva(Y, E0-E1).

deriva((X,Y), E0-E2) :-

deriva(X, E0-E1),

deriva(Y, E1-E2).

deriva([X], [X|E]-E).

---

**Segunda parte** [3 puntos] En el laboratorio.

---