

Programación declarativa (2005–06)

Tema 1: Introducción a Prolog

José A. Alonso Jiménez

Andrés Cordon Franco

Grupo de Lógica Computacional

Dpto. Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial

Universidad de Sevilla

Objetivos del curso

- Lógica como sistema de especificación y lenguaje de programación.
- Principios:
 - ▶ Programas = Teorías.
 - ▶ Ejecución = Búsqueda de pruebas.
 - ▶ Programación = Modelización.
- Prolog = Programming in Logic.
- Relaciones con otros campos:
 - ▶ Inteligencia artificial.
 - ▶ Sistemas basados en el conocimiento.
 - ▶ Procesamiento del lenguaje natural.
- Pensar declarativamente.

Declarativo vs. imperativo

- Paradigmas:
 - ▶ Imperativo: Se describe *cómo* resolver el problema.
 - ▶ Declarativo: Se describe *qué* es el problema.
- Programas:
 - ▶ Imperativo: Una sucesión de instrucciones.
 - ▶ Declarativo: Un conjunto de sentencias.
- Lenguajes:
 - ▶ Imperativo: Pascal, C, Fortran.
 - ▶ Declarativo: Prolog, Lisp puro, ML, Haskell, DLV, Smodels.
- Ventajas;
 - ▶ Imperativo: Programas rápidos y especializados.
 - ▶ Declarativo: Programas generales, cortos y legibles.

Historia de la programación lógica

- 1960: Demostración automática de teoremas.
- 1965: Resolución y unificación (Robinson).
- 1969: QA3, obtención de respuesta (Green).
- 1972: Implementación de Prolog (Colmerauer).
- 1974: Programación lógica (Kowalski).
- 1977: Prolog de Edimburgo (Warren).
- 1981: Proyecto japonés de Quinta Generación.
- 1986: Programación lógica con restricciones.
- 1995: Estándar ISO de Prolog.

Deducción Prolog en lógica proposicional

- Base de conocimiento y objetivo:
 - ▶ Base de conocimiento:
 - Regla 1: Si un animal es ungulado y tiene rayas negras, entonces es una cebra.
 - Regla 2: Si un animal rumia y es mamífero, entonces es ungulado.
 - Regla 3: Si un animal es mamífero y tiene pezuñas, entonces es ungulado.
 - Hecho 1: El animal es mamífero.
 - Hecho 2: El animal tiene pezuñas.
 - Hecho 3: El animal tiene rayas negras.
 - ▶ Objetivo: Demostrar a partir de la base de conocimientos que el animal es una cebra.

Deducción Prolog en lógica proposicional

- Programa:

es_cebra :- es_ungulado , tiene_rayas_negras . %R1

es_ungulado :- rumia , es_mamífero . %R2

es_ungulado :- es_mamífero , tiene_pezuñas . %R3

es_mamífero . %H1

tiene_pezuñas . %H2

tiene_rayas_negras . %H3

- Sesión:

> pl

Welcome to SWI-Prolog (Multi-threaded , Version 5.3.14)

Copyright (c) 1990–2003 University of Amsterdam.

?- [animales].

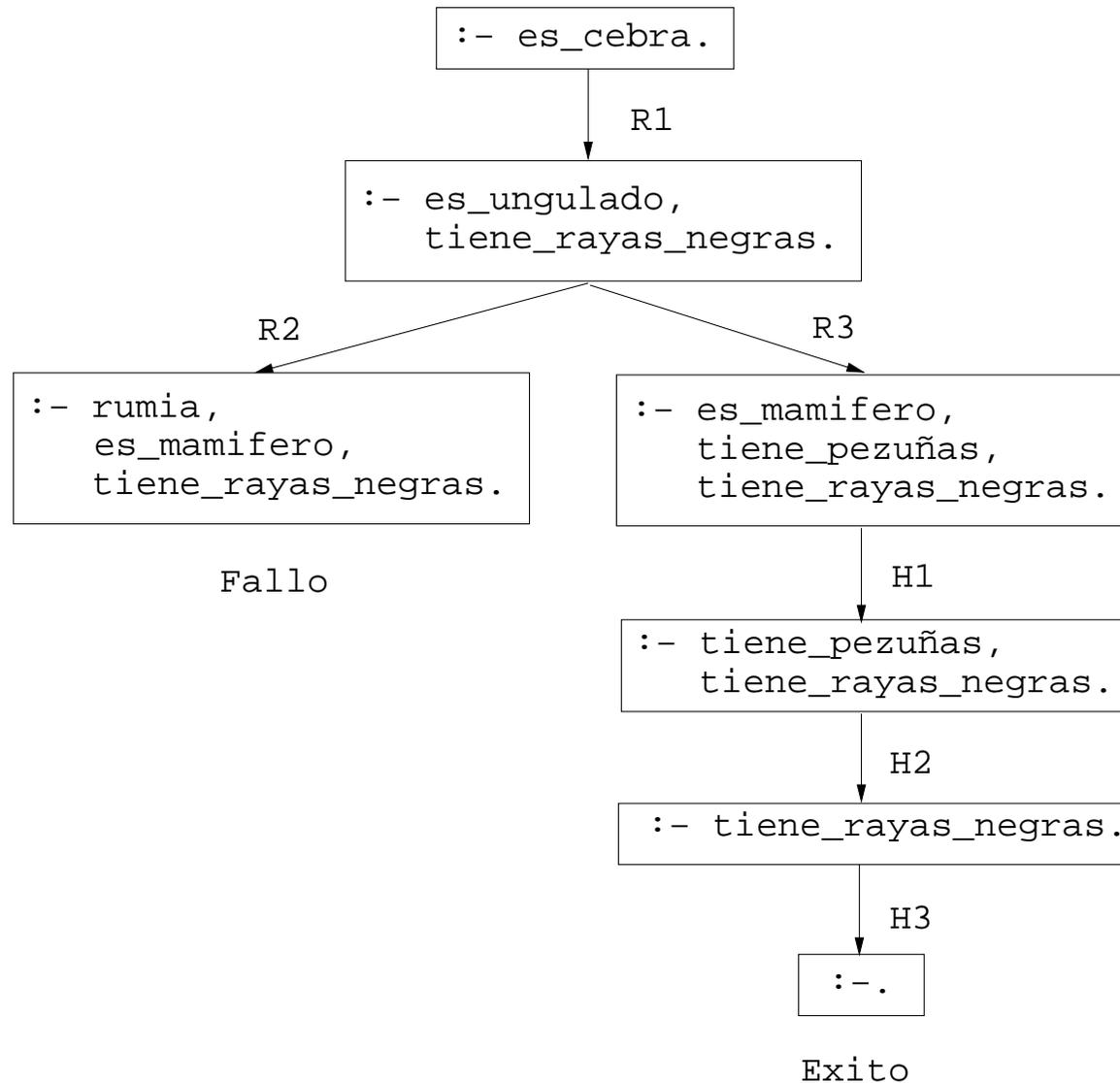
Yes

?- es_cebra .

Yes

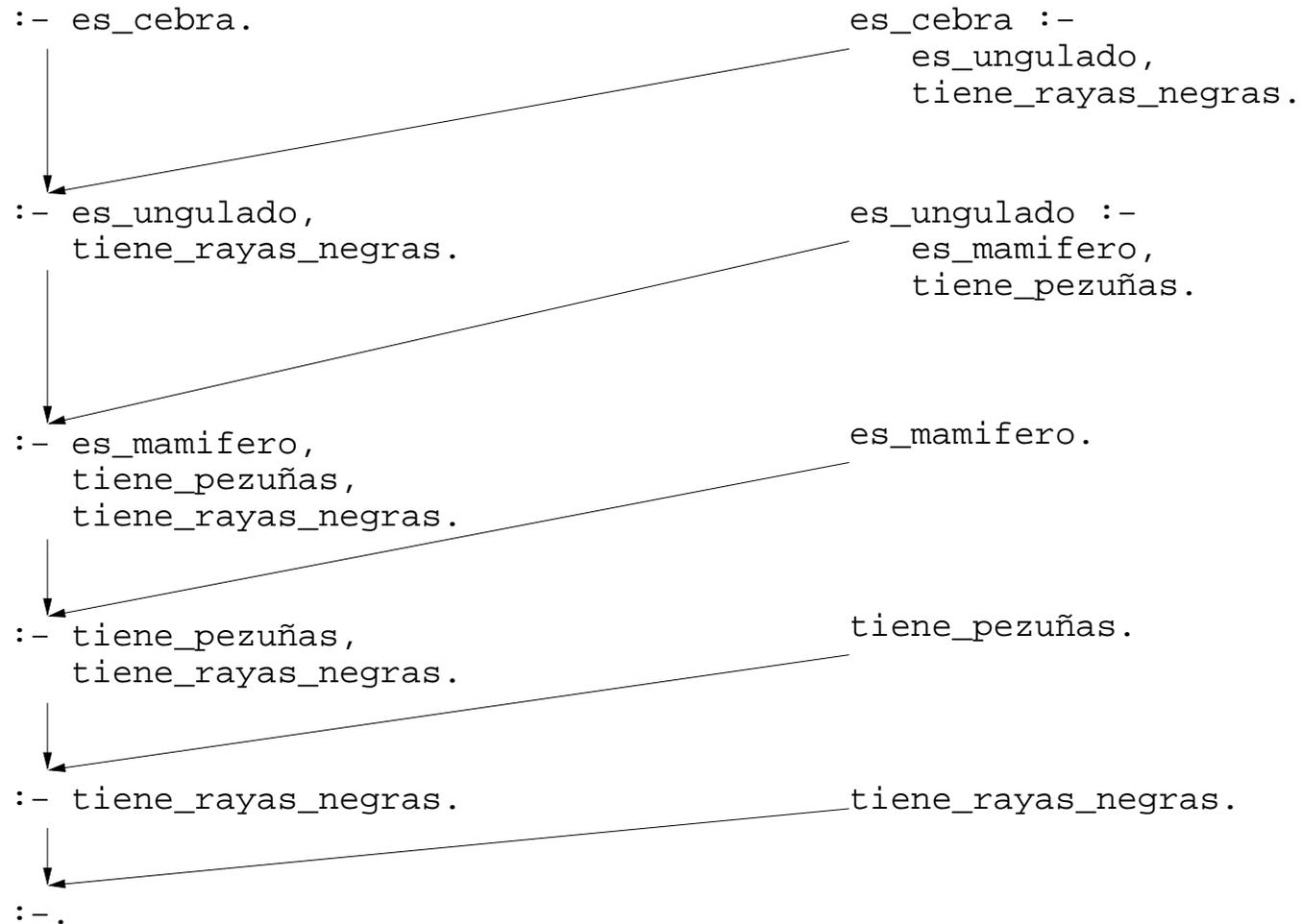
Deducción Prolog en lógica proposicional

- Árbol de deducción:



Deducción Prolog en lógica proposicional

- Demostración por resolución SLD:



Deducción Prolog en lógica relacional

- Base de conocimiento:
 - ▶ Hechos 1-4: 6 y 12 son divisibles por 2 y por 3.
 - ▶ Hecho 5: 4 es divisible por 2.
 - ▶ Regla 1: Los números divisibles por 2 y por 3 son divisibles por 6.

- Programa:

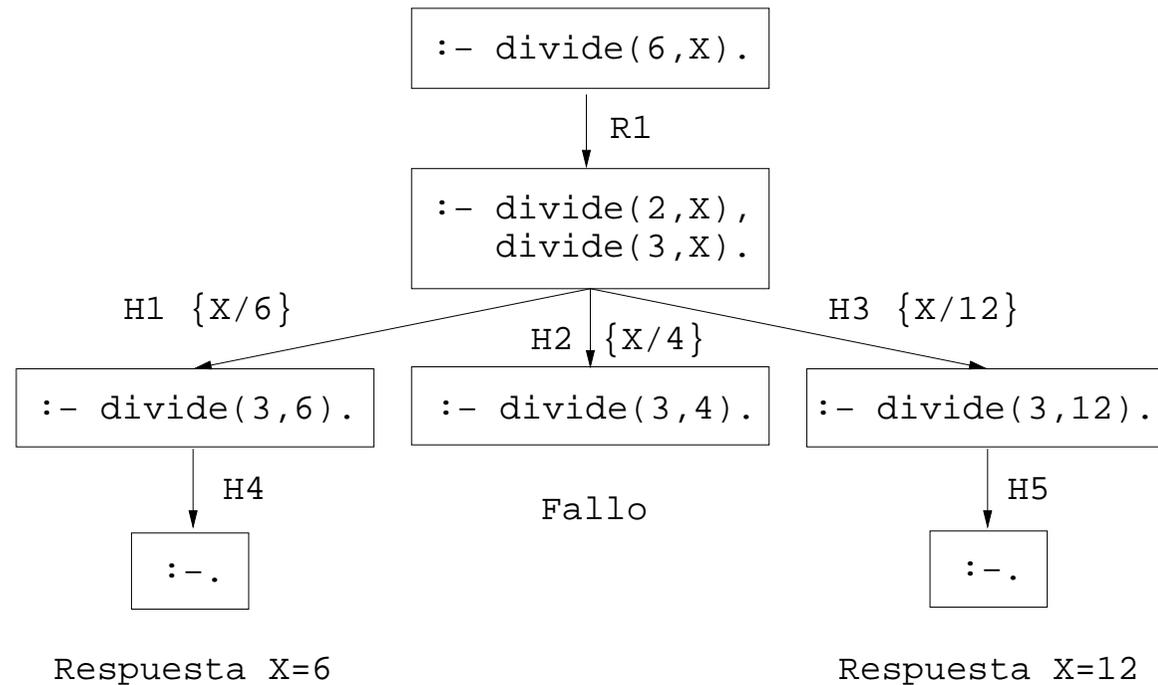
```
divide (2 ,6).           % Hecho 1
divide (2 ,4).           % Hecho 2
divide (2 ,12).          % Hecho 3
divide (3 ,6).           % Hecho 4
divide (3 ,12).          % Hecho 5
divide (6 ,X) :- divide (2 ,X), divide (3 ,X). % Regla 1
```

Deducción Prolog en lógica relacional

- Símbolos:
 - ▶ Constantes: 2, 3, 4, 6, 12
 - ▶ Relación binaria: `divide`
 - ▶ Variable: `X`
- Interpretaciones de la Regla 1:
 - ▶ `divide(6,X) :- divide(2,X), divide(3,X).`
 - ▶ Interpretación declarativa:
 $(\forall X)[\text{divide}(2, X) \wedge \text{divide}(3, X) \rightarrow \text{divide}(6, X)]$
 - ▶ Interpretación procedimental.
- Consulta: ¿Cuáles son los múltiplos de 6?
`?- divide(6,X).`
`X = 6 ;`
`X = 12 ;`
`No`

Deducción Prolog en lógica relacional

- Árbol de deducción:



- Comentarios:
 - ▶ Unificación.
 - ▶ Cálculo de respuestas.
 - ▶ Respuestas múltiples.

Deducción Prolog en lógica funcional

- Representación de los números naturales:

$0, s(0), s(s(0)), \dots$

- Definición de la suma:

$0 + Y = Y$

$s(X) + Y = s(X+Y)$

- Programa

`suma(0, Y, Y). % R1`

`suma(s(X), Y, s(Z)) :- suma(X, Y, Z). % R2`

- Consulta: ¿Cuál es la suma de $s(0)$ y $s(s(0))$?

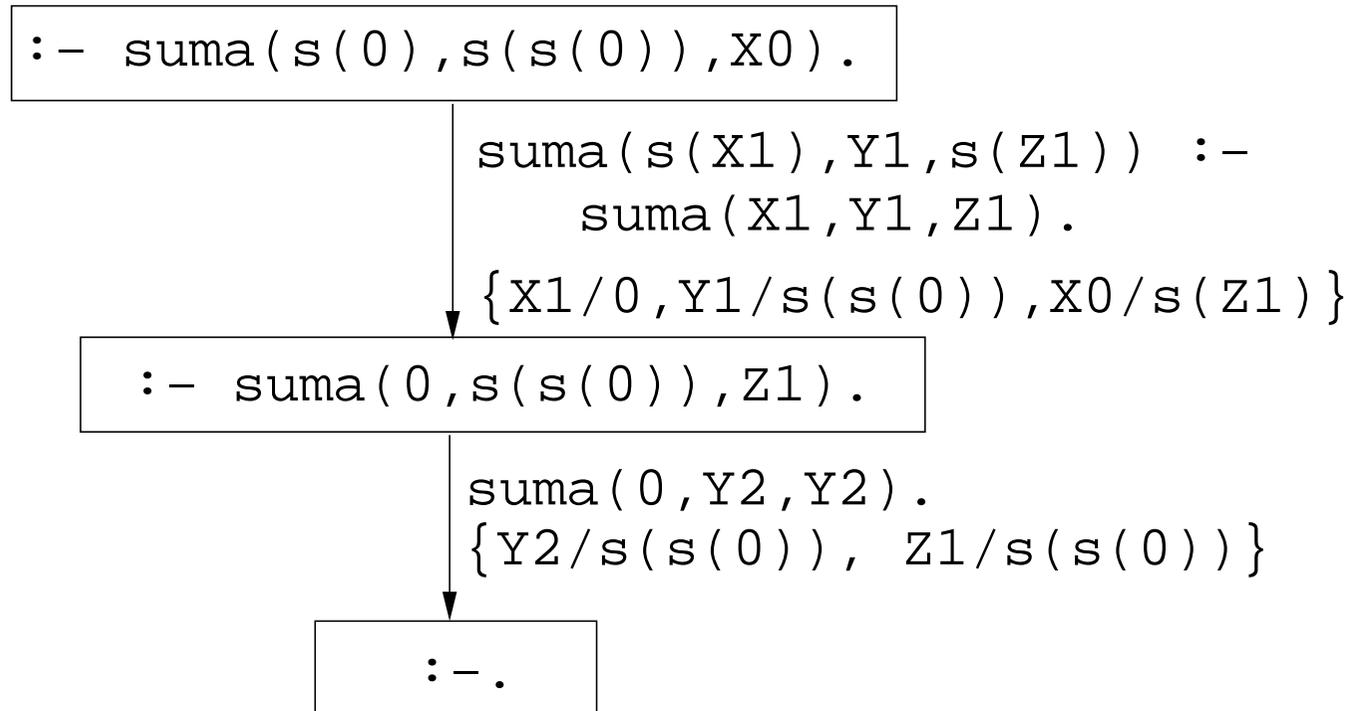
`?- suma(s(0), s(s(0)), X).`

`X = s(s(s(0)))`

Yes

Deducción Prolog en lógica funcional

- Árbol de deducción:



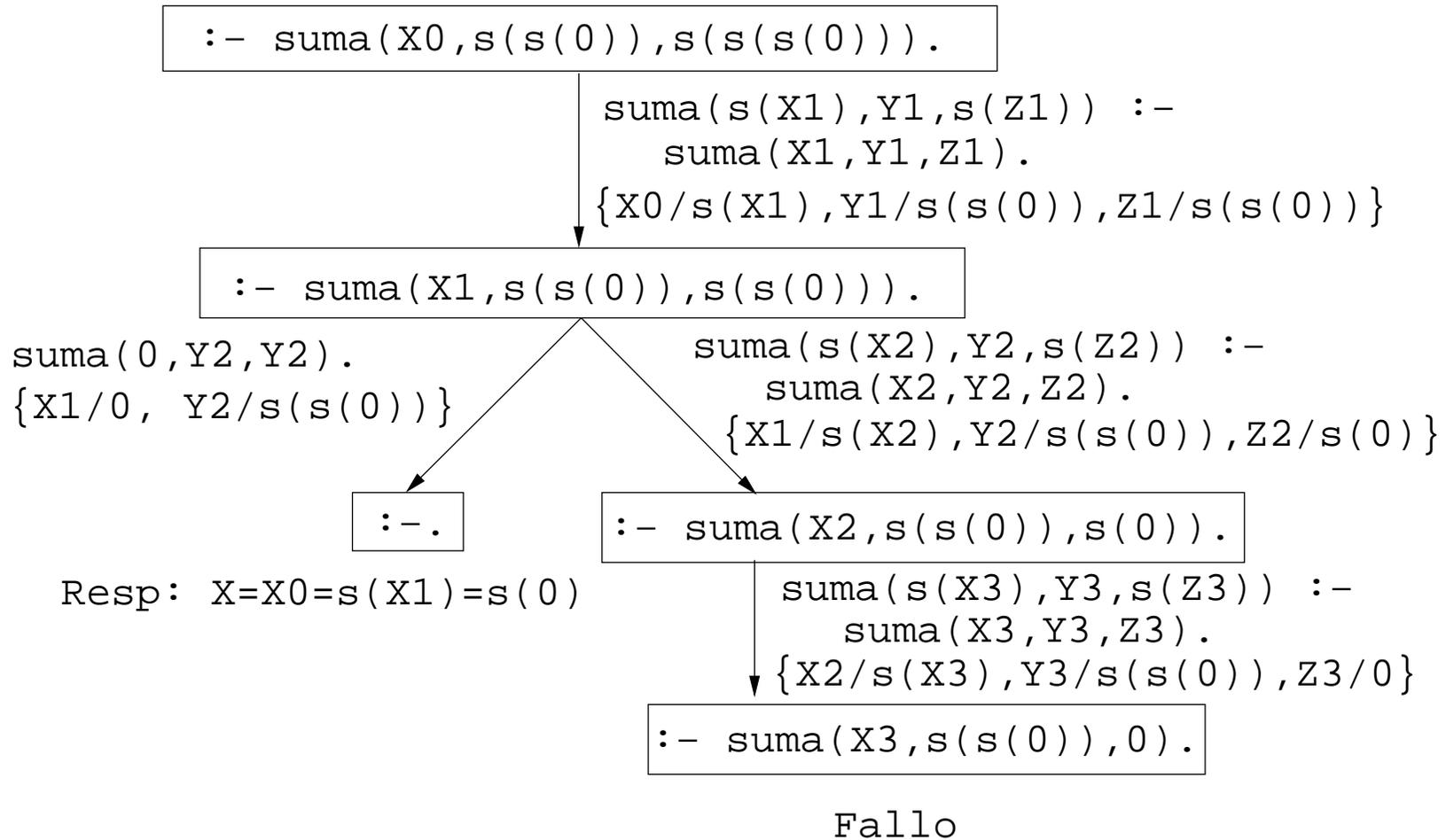
Resp.: $X = X0 = s(Z1) = s(s(s(0)))$

Deducción Prolog en lógica funcional

- Consulta:
 - ▶ ¿Cuál es la resta de $s(s(s(0)))$ y $s(s(0))$?
 - ▶ Sesión:
?– suma($X, s(s(0)), s(s(s(0)))$).
 $X = s(0)$;
No

Deducción Prolog en lógica funcional

- Árbol de deducción:

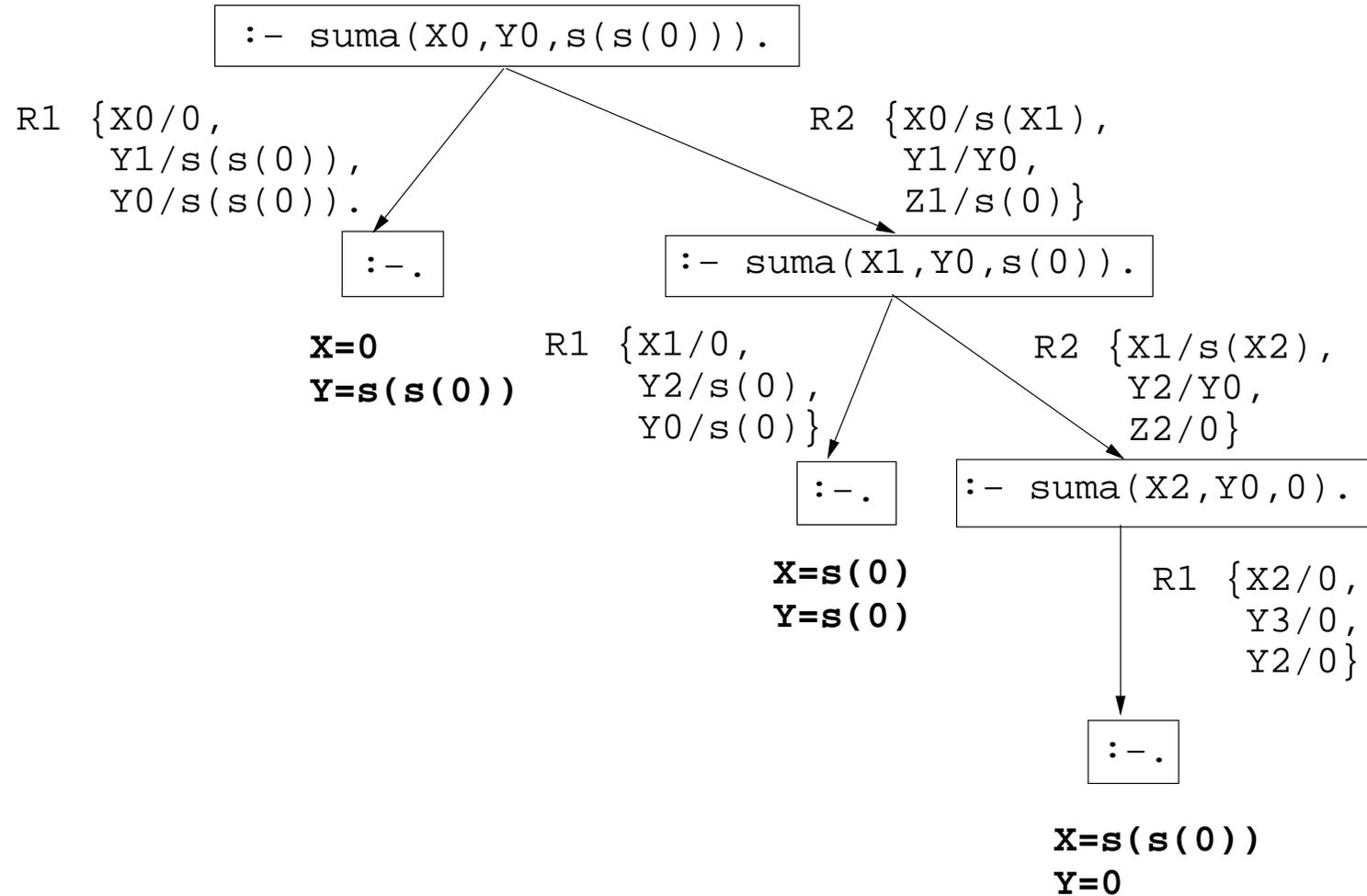


Deducción Prolog en lógica funcional

- Consulta:
 - ▶ Pregunta: ¿Cuáles son las soluciones de la ecuación $X + Y = s(s(0))$?
 - ▶ Sesión:
?- suma(X, Y, s(s(0))).
X = 0 Y = s(s(0)) ;
X = s(0) Y = s(0) ;
X = s(s(0)) Y = 0 ;
No

Deducción Prolog en lógica funcional

- Árbol de deducción:



Deducción Prolog en lógica funcional

- Consulta:

- ▶ Pregunta: resolver el sistema de ecuaciones

$$1 + X = Y$$

$$X + Y = 1$$

- ▶ Sesión:

?- suma(s(0), X, Y), suma(X, Y, s(0)).

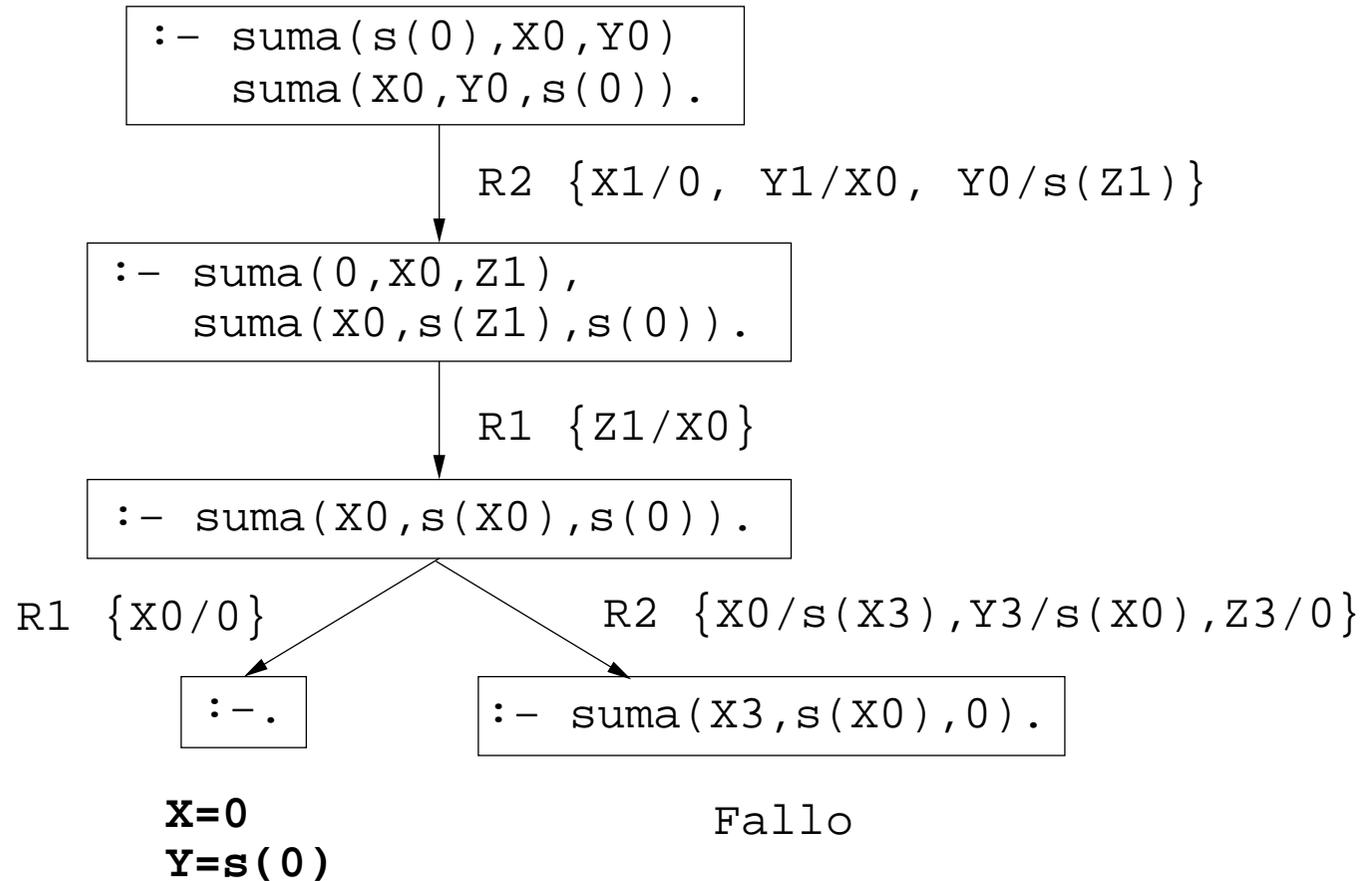
X = 0

Y = s(0) ;

No

Deducción Prolog en lógica funcional

- Árbol de deducción:



Bibliografía

- J.A. Alonso y J. Borrego *Deducción automática (Vol. 1: Construcción lógica de sistemas lógicos)* (Ed. Kronos, 2002)
 - ▶ Cap. 2: Introducción a la programación lógica con Prolog.
- I. Bratko *Prolog Programming for Artificial Intelligence (2nd ed.)* (Addison–Wesley, 1990)
 - ▶ Cap. 1: “An overview of Prolog”.
 - ▶ Cap. 2: “Syntax and meaning of Prolog programs”.
- W.F. Clocksin y C.S. Mellish *Programming in Prolog (Fourth Edition)*. (Springer Verlag, 1994)
 - ▶ Cap. 1: “Tutorial introduction”.
 - ▶ Cap. 2: “A closer look”.